



جمهورية مصر العربية
وزارة التربية والتعليم والتعليم الفني
إدارة المركزية لشئون الكتب

الرياضيات

الصف الخامس الابتدائي

الفصل الدراسي الأول

كتاب التلميذ

٥

تأليف

أ. عمر فؤاد جاب الله

د. عصام وصفي روفائيل

أ. سيرافيم الياس اسكندر

أ / فتحى أحمد شحاتة

مراجعة

أد. عفاف أبو الفتوح صالح

أ. محمود ياسر الخطيب

أ / سمير محمد سعداوى

إشراف علمي

أ / جمال الشاهد

مستشار الرياضيات

إشراف تربوي وتعديل

مركز تطوير المناهج والمواد التعليمية

غير مصرح بتداول هذا الكتاب خارج وزارة التربية والتعليم والتعليم الفني

٢٠٢١/٢٠٢٢ م

٢
كجم

غير مسموح نهائياً باستخدام الآله الحاسبة
فى إمتحانات الفصل الدراسى الأول

مقدمة

أبناءنا الاعزاء

يسعدنا أن نقدم لكم كتاب الرياضيات للصف الخامس الابتدائي ، وقد راعيننا ان نجعل من دراستك للرياضيات عملاً ممتعاً ومفيداً له تطبيقاته في حياتك العملية وفي دراستك للمواد الدراسية الأخرى، حتى تشعر بأهمية دراسة الرياضيات وقيمتها وتقدر دور علمائها، وقد اهتم هذا الكتاب بالأنشطة كعنصر اساسي، كما حاولنا تقديم المادة العلمية بطريقة مبسطة تساعدك على تكوين المعرفة الرياضية وفي نفس الوقت تساعدك على اكتساب اساليب تفكير سليمة تدفعك إلى الابداع.

وقد روعى في هذا الكتاب تقسيمه إلى وحدات دراسية وكل وحدة إلى دروس، كما وظفنا الصور والالوان لتوضيح المفاهيم الرياضية وخواص الاشكال، مع مراعاة المحصول اللغوي لك وما سبق ان درستة في الصفوف السابقة ، كما راعيننا في مواطن كثيرة تدريبك على ان تصل للمعلومات بنفسك لتنمية مهارة التعلم الذاتي لديك ، كما تم توظيف الالة الحاسبة والحاسب الالى كلما كان ذلك مناسباً داخل المحتوى.

نرجو أن نكون قد وفقنا في انجاز هذا العمل لما فيه الخير لك ولمصرنا العزيزة .

المؤلفون



المحتويات

الفصل الدراسي الأول:

الوحدة الأولى: الكسور

٢	التقريب لأقرب جزء من مائة وأقرب جزء من ألف	الدرس الأول:
٨	المقارنة بين الكسور	الدرس الثاني:
١٢	ضرب الكسور العشرية في ١٠، ١٠٠، ١٠٠٠	الدرس الثالث:
١٤	ضرب كسر أو عدد عشري في عدد صحيح	الدرس الرابع:
١٦	ضرب الكسور الاعتيادية	الدرس الخامس:
١٧	ضرب الكسور العشرية	الدرس السادس:
١٩	قسمة الكسور	الدرس السابع:
٢١	قسمة الكسور والأعداد العشرية على ١٠، ١٠٠، ١٠٠٠	الدرس الثامن:
٢٢	قسمة عدد صحيح على عدد مكون من ثلاثة أرقام بدون باق	الدرس التاسع:
٢٥	القسمة على كسرٍ عشريٍّ وعددٍ عشريٍّ	الدرس العاشر:

الوحدة الثانية: المجموعات

٣١	ماذا تعنى المجموعة؟	الدرس الأول:
٣٣	التعبير عن المجموعة	الدرس الثاني:
٣٥	انتماء عنصر للمجموعة	الدرس الثالث:
٣٦	أنواع المجموعات	الدرس الرابع:
٣٨	المجموعات المتساوية	الدرس الخامس:
٣٩	الاحتواء والمجموعات الجزئية	الدرس السادس:
٤١	تقاطع مجموعتين	الدرس السابع:
٤٣	اتحاد مجموعتين	الدرس الثامن:
٤٥	المجموعة الشاملة	الدرس التاسع:
٤٦	مكاملة المجموعة	الدرس العاشر:
٤٧	الفرق بين مجموعتين	الدرس الحادي عشر:




الوحدة الثالثة: الهندسة

- ٥١ الدائرة **الدرس الأول:**
- ٥٤ رسم المثلث إذا علم أطوال أضلعه الثلاثة **الدرس الثاني:**
- ٥٦ رسم القطع المستقيمة العمودية على أضلاع المثلث من الرؤوس المقابلة **الدرس الثالث:**

الوحدة الرابعة: الاحتمال

- ٦١ الاحتمال العملي **الدرس الأول:**
- ٦٣ الاحتمال النظري **الدرس الثاني:**

الرموز الرياضية المستخدمة

أقل من أو يساوي	\geq	مجموعة أعداد العد	ع
يساوي	$=$	مجموعة الأعداد الزوجية	ز
لا يساوي	\neq	مجموعة الأعداد الفردية	ف
منحنى مفتوح		مجموعة الأعداد الأولية	و
منحنى مغلق		المجموعة الخالية (فاي)	\emptyset أو $\{\}$
دائرة		الانتماء	\in
طول نصف قطر الدائرة	نق	عدم الانتماء	\notin
النسبة التقريبية	π	الاحتواء	\supset
القطعة المستقيمة ا ب	\overline{ab}	عدم الاحتواء	$\not\supset$
الشعاع ا ب	\overrightarrow{ab}	اتحاد	\cup
المستقيم ا ب	$\longleftrightarrow ab$	تقاطع	\cap
زاوية	\sphericalangle	المجموعة الشاملة	ش
قياس زاوية (ب)	$\sphericalangle (ب)$	مكملة المجموعة س	$\bar{س}$
احتمال وقوع الحدث ا	$P(A)$	س - فرق ص	$س - ص$
تطابق	\equiv	مجموعة الأعداد الطبيعية	ط
المثلث	\triangle	أكبر من	$<$
الزوج المرتب س، ص	(س، ص)	أكبر من أو يساوي	\leq
		أقل من	$>$

الوحدة الأولى

الكسور



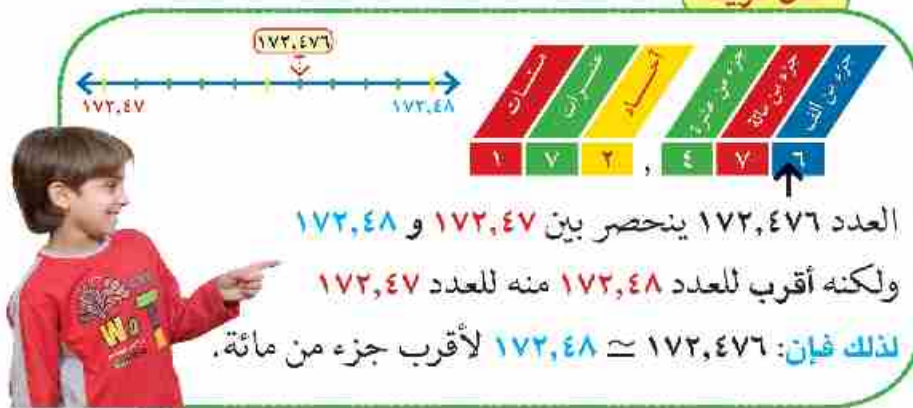
التقريب لأقرب جزء من مائة وأقرب جزء من ألف

أولاً: التقريب لأقرب جزء من مائة

فكر وناقش

طلب المعلم من فريد وهدى تقريب العدد $١٧٢,٤٧٦$ لأقرب جزء من مائة.

قال فريد:



* سوف تتعلم *

☺ التقريب لأقرب جزء من مائة.

☺ التقريب لأقرب جزء من ألف.

مفاهيم جديدة

▶ تقريب.

▶ جزء من مائة.

▶ جزء من ألف.

اقترحت هدى:

استخدام مخطط التتابع
Flow chart المجاور
لإجراء عملية التقريب
لأقرب جزء من مائة.



١ قَرِّبْ كلاً من الأعداد التالية لأقرب جزءٍ من مائة:

٥٢,٦١ \approx ٥٢,٦٠٨ **ب**

٧٦,٥١ \approx ٧٦,٥١٤ **ا**

٦٩,٧٤ \approx ٦٩,٧٤٣ **د**

١٧٥,٣٣ \approx ١٧٥,٣٢٥ **ج**

٣,٠٣ \approx ٣,٠٣٤ = ٣ $\frac{٣٤}{١٠٠٠}$ = ٣ $\frac{١٧}{٥٠٠}$ **و**

٠,٧٤ \approx ٠,٧٣٧ **هـ**

٢



الميكروميتر جهاز لقياس الأبعاد الدقيقة
قيس به سمك ورقة فكان ١,٣٦ مم، أكمل:
سمك الورقة \approx ٠,١٤ مم.
(لأقرب جزء من مائة)



سعة زجاجة المياه
الغازية = ٠,١٩٢ من اللتر
 \approx ٠,١٩ لتر
(لأقرب جزء من مائة)



قراءة عداد الغاز \approx ٣٢٥,٢٧ متر مكعب
(لأقرب جزء من مائة)



ثانياً: التقريب لأقرب جزء من ألف

فكر وناقش

طلب المعلم من هند تقريب العدد ٣١,٦٤٥٢ لأقرب جزء من ألف.

قالت هند:



العدد ٣١,٦٤٥٢ ينحصر بين ٣١,٦٤٥ و ٣١,٦٤٦ ولكنه أقرب للعدد ٣١,٦٤٥ منه للعدد ٣١,٦٤٦
لذلك فإن: $31,645 \approx 31,645.2$

نشاط

في الشكل التالي: أكمل مخطط التتابع ليعبر عن سير العمل لتقريب عددٍ لأقرب جزء من ألف.



انسخ الشكل، وضع أعداداً من عندك بها علامة عشرية لإكمال مخطط التتابع

مثال

قرب العدد $٤,٦٧٩٨$ لأقرب جزء من ألف.

الحل:

الرقم في خانة الجزء من ألف هو ٩، الرقم في خانة الجزء من عشرة آلاف هو ٨ وهو أكبر من ٥ ولذلك نضيف إلى الرقم في خانة الجزء من ألف واحدًا فيكون: $٤,٦٨٠ \simeq ٤,٦٧٩٨$

لاحظ أن:

عند التقريب لأقرب جزء من ألف يجب كتابة ثلاثة أرقام عشرية في ناتج التقريب حتى وإن كان الرقم في خانة الجزء من ألف صفرًا.

أمثلة

١ لاحظ:

العدد	مقربًا لأقرب جزء من مائة	مقربًا لأقرب جزء من ألف
$٤٣,٥٤٣٦$	$٤٣,٥٤$	$٤٣,٥٤٣$
$٥٣٧,٢٩٨٣$	$٥٣٧,٣٠$	$٥٣٧,٢٩٨$
$٢١,٨٤٧٩٢$	$٢١,٨٥$	$٢١,٨٤٨$
$-٠,٣٨٣٢٧$	$-٠,٣٨$	$-٠,٣٨٣$
$٦,٥٢٩٧$	$٦,٥٣$	$٦,٥٣٠$

ناقش معلمك في المثال السابق

٢ أكمل:



يحتوى كل قرص على بعض المركبات كما بالجدول:

المركب	الوزن بالجرام	الوزن لأقرب جزء من ألف
أ	٠,٠٠٣٢	٠,٠٠٣
ب	٠,٠٥٤٦	٠,٠٥٥
ج	٠,١٣٧٩	٠,١٣٨

طول خلية تحت المجهر = $٠,٣٥٢٧$ مم
 $\approx ٠,٣٥٣$ مم
 لأقرب جزء من ألف

ابحث عن أمثلة حياتية أخرى،
وناقش معلمك فيها

مثال

إذا كان ل = $٥٢,٣٧٢٣$ ، م = $٢١,٧٤٩٤$ ، قدر ناتج ل + م ثم قارن التقدير بناتج عملية الجمع لأقرب جزء من مائة.

تقدير الحل

تقدير ل = ٥٢
 تقدير م = ٢٢
 تقدير (ل + م) = ٧٤

الحل:

ل = $٥٢,٣٧٢٣$
 م = $٢١,٧٤٩٤$
 ل + م = $٢١,٧٤٩٤ + ٥٢,٣٧٢٣ = ٧٤,١٢١٧$
 $\approx ٧٤,١٢$
 والقيمة قريبة من التقدير، فالقيمة مقبولة.

أيهما أدق ناتج (ل + م) أم تقدير (ل + م)
ناقش معلمك



اشترى أحمد بعض احتياجاته من مركز تجاري، هل يمكنك تقدير جملة مايدفعه أحمد بالجنيه لأقرب عشرة جنيهاً؟
تحقق من أن تقديرك مناسب لإيجاد الناتج الفعلي.



فاتورة مشتريات

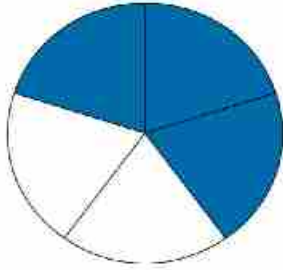
السعر بالجنيه	البيان
١٥,٢٥	صابون
٦٨,٧٥	مسحوق غسيل
٦٤,٧٥	عطور
٩٨,٢٥	لحوم
١٧٠,٠٥	ملابس
٢٨,٢٥	خضراوات
	الجملة



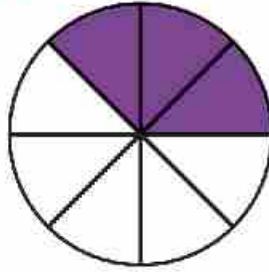
ذهبت مع أسرتك لشراء بعض الاحتياجات المنزلية.
حدد فاتورة مشترياتك المفضلة، ثم قرب الناتج لأقرب جنيه.

المقارنة بين الكسور

فكر وناقش



الكسر الذي يمثله الجزء
الملون = $\frac{3}{5}$



الكسر الذي يمثله الجزء
الملون = $\frac{3}{8}$

ضع (< أو > أو =)

$$\frac{3}{8} \dots \frac{3}{5}$$

$$\frac{1}{2} \dots \frac{3}{5}$$

$$\frac{6}{10} \dots \frac{4}{5}$$

ضع (< أو > أو =)

$$1 \dots \frac{3}{8}$$

$$\frac{1}{2} \dots \frac{3}{8}$$

$$\frac{3}{8} \dots \frac{5}{8}$$

في حالة تساوي البسط في
الكسرين

$$\frac{8}{11} > \frac{8}{17}$$

$$\text{لأن } 11 < 17$$

في حالة تساوي المقام في
الكسرين

$$\frac{5}{11} < \frac{8}{11}$$

$$\text{لأن } 5 < 8$$

تدرب

ضع (< أو > أو =) لتحصل على عبارة صحيحة:

$$\frac{1}{9} \dots \frac{7}{9}$$

$$\frac{8}{13} \dots \frac{8}{20}$$

$$\frac{5}{13} \dots \frac{7}{13}$$

* سوف تتعلم *

😊 المقارنة بين الكسور.

مفاهيم جديدة

- ▶ أكبر من <
- ▶ أصغر من >
- ▶ يساوي =



١ رتب الكسور التالية تصاعدياً (من الأصغر للأكبر):

$$\frac{13}{18}, \frac{25}{18}, \frac{1}{18}, \frac{5}{18}, \frac{7}{18}$$

٢ رتب الكسور التالية تنازلياً (من الأكبر للأصغر):

$$\frac{11}{7}, \frac{4}{7}, \frac{9}{7}, \frac{5}{7}, \frac{13}{7}$$

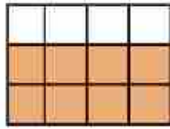
٣ أوجد قيم س الممكنة التي تحقق العلاقات التالية، حيث س عدد صحيح:

$$1 > \frac{5}{s} > \frac{5}{8}$$

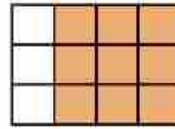
$$\frac{8}{7} > \frac{s}{7} > \frac{4}{7}$$

المقارنة بين كسرين مختلفي المقام

١ ايهما أكبر $\frac{2}{3}$ أم $\frac{3}{4}$ ؟



الكسر $\frac{2}{3}$ يمثله الجزء الملون



الكسر $\frac{3}{4}$ يمثله الجزء الملون

$$\frac{8}{12} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{9}{12} = \frac{3}{4}$$

$$8 < 9 \quad \text{لأن} \quad \frac{8}{12} < \frac{9}{12}$$

$$\frac{2}{3} < \frac{3}{4} \quad \text{أي أن}$$

لاحظ أن:

$$\frac{8}{12} = \frac{4 \times 2}{4 \times 3} = \frac{2}{3}, \quad \frac{9}{12} = \frac{3 \times 3}{3 \times 4} = \frac{3}{4}$$

أي أن: للمقارنة بين كسرين مختلفي المقام نوحدهما المقام المشترك لهما أي نوجد م.م.أ للمقامات.

٢ أيهما أكبر $\frac{3}{5}$ أم $\frac{4}{7}$ م.م. للمقامين $35 = 7 \times 5 = 7 \times 5$

$$\frac{20}{35} = \frac{5 \times 4}{5 \times 7} = \frac{4}{7} \quad , \quad \frac{21}{35} = \frac{7 \times 3}{7 \times 5} = \frac{3}{5}$$

أي أن $\frac{4}{7} < \frac{3}{5}$ فيكون: $\frac{20}{35} < \frac{21}{35}$

تدرب

قارن بين الكسور الآتية:

$$\frac{5}{8} , \frac{3}{5} \quad \text{ج}$$

$$\frac{3}{4} , \frac{7}{9} \quad \text{ب}$$

$$\frac{2}{5} , \frac{3}{4} \quad \text{د}$$

$$\frac{6}{7} , \frac{7}{8} \quad \text{و}$$

$$\frac{3}{7} , \frac{4}{5} \quad \text{هـ}$$

$$\frac{4}{5} , \frac{7}{12} \quad \text{ز}$$

٣ رتب الكسور التالية تصاعدياً مرة وتنزلياً مرة أخرى (يمكنك استخدام خط الأعداد):

$$\frac{5}{6} , \frac{3}{4} , \frac{2}{3} , \frac{5}{12} , \frac{11}{12}$$

المقارنة بين الكسور الاعتيادية والعشرية

يمكن تحويل الكسور الاعتيادية إلى كسور عشرية، ويمكن المقارنة بينها كما درست في درس التقريب

مثال ١

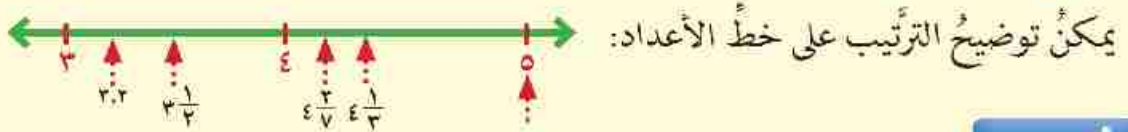
رتب ما يأتي: $\frac{2}{7}$ ، $\frac{1}{3}$ ، $3,2$ ، 5 ، $3\frac{1}{3}$ ترتيباً تصاعدياً.لاحظ أن: أصغر الأعداد $3,2$ وأكبرها 5 للمقارنة بين $3\frac{1}{3}$ ، $3,2$ نقارن بين $\frac{1}{3}$ ، 2 أي بين $0,3$ ، 2 ، $0,5$

$$3,2 < 3\frac{1}{3} \leftarrow 0,2 < 0,5$$

للمقارنة بين $\frac{1}{3}$ ، $\frac{2}{7}$ ، $\frac{2}{5}$ نتبع الآتي:

$$\frac{2}{5} < \frac{1}{3} \text{ فيكون } \frac{6}{21} = \frac{2}{7} \text{ ، } \frac{7}{21} = \frac{1}{3}$$

الترتيب التصاعدي هو: ٥ ، ٣ ، ٢ ، $\frac{2}{7}$ ، $\frac{1}{3}$ ، $\frac{2}{5}$ ، ٤ ، ٥



مثال (٢)

رتب الكسور التالية:

ترتيبًا تنازليًا.

أولاً: رتب $\frac{1}{7}$ ، ٥ ، ٣ ، $\frac{2}{11}$ ، $\frac{4}{7}$ ، ٥ ، ٦

ترتيبًا تصاعديًا.

ثانياً: رتب ٨ ، $\frac{4}{5}$ ، $\frac{3}{7}$ ، ١٢ ، ٤ ، $\frac{71}{7}$ ، ١٢ ، ٤

الحل:

أولاً:

الترتيب التنازلي هو: $\frac{2}{11}$ ، $\frac{1}{7}$ ، ٦ ، $\frac{4}{7}$ ، ٥ ، ٣ ، ٥

ثانياً:

الترتيب التصاعدي: ٨ ، $\frac{4}{5}$ ، $\frac{71}{7}$ ، ١٢ ، ٤ ، ١٢ ، ٤ ، ٣

ضرب الكسور والأعداد العشرية في

١٠، ١٠٠، ١٠٠٠



عمل تعاوني



اعمل مع زميلك باستخدام الآلة الحاسبة:

١ أدخل العدد ٢٢,٦٥٧ في حاسبتك

كما بالشكل المقابل ثم اضرب هذا العدد $\times ١٠$ لاحظ تغير موقع العلامة العشرية في الناتج.



كم عدد الخانات التي تحركتها العلامة جهة اليمين؟

٢ أدخل العدد ٧٣,٢٥٤١ ثم اضرب هذا العدد $\times ١٠٠$ ولاحظ موقع العلامة العشرية في الناتج.



كم عدد الخانات التي تحركتها العلامة العشرية جهة اليمين؟

إذا ضربنا العدد في ١٠٠٠، كم عدد الخانات التي تتحركها العلامة العشرية جهة اليمين؟

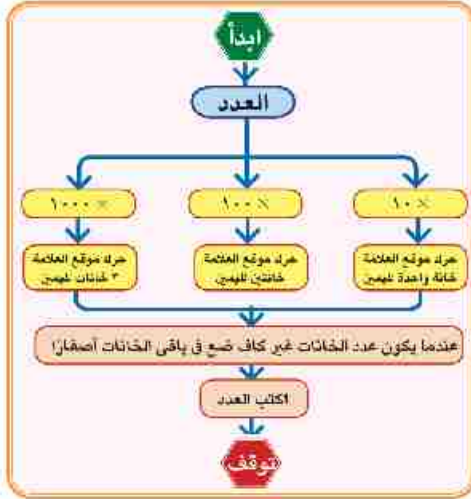


* سوف تتعلم *

😊 ضرب الكسور والأعداد العشرية في ١٠، ١٠٠، ١٠٠٠.

مفاهيم جديدة

- ▶ الكسر العشري.
- ▶ العدد العشري.



لاحظ مخطط التتابع لعمليات هذا الدرس:

مثال (١)

أكمل:

$$\dots = 100 \times 27,134 \quad , \quad \dots = 10 \times 35,321$$

$$\dots = 1000 \times 7,5621 \quad , \quad \dots = 1000 \times 12,3$$

الحل:

$$271,34 = 10 \times 27,134 \quad , \quad 353,21 = 10 \times 35,321$$

$$7562,1 = 1000 \times 7,5621 \quad , \quad 12300 = 1000 \times 12,3$$

مثال (٢)

أكمل مستخدماً (> أو < أو =) في المكان الخالي:

١٠٠ ×	٠,٥٦	<input type="text"/>	١٠٠٠ ×	٠,٠٥٦	(أ)
١٠٠ ×	٣١٢	<input type="text"/>	١٠٠ ×	٣١,٢	(ب)
١٠٠٠ ×	٧٦,١٥	<input type="text"/>	١٠٠٠ ×	٠,٠٧٦١٥	(ج)

الحل:

(أ) = (ب) > (ج) >

ضرب كسر أو عدد عشري في عدد صحيح

* سوف تتعلم *

😊 ضرب كسر أو عدد عشري في عدد صحيح.

عمل تعاوني



طلب معلم الرياضيات من مجموعات الفصل إيجاد مساحة مستطيل بعده ٢٣,٢٥ سم، ١٥ سم، فقامت كل مجموعة برسم المستطيل وحساب مساحته بطريقة مختلفة، أكمل مع المجموعات لإيجاد المساحة.

المجموعة الأولى

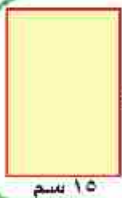


$$\text{المساحة} = 15 \times 23,25 =$$

$$15 \times \frac{2325}{100} =$$

$$\text{سم} \square \square \square . \square \square =$$

المجموعة الثانية

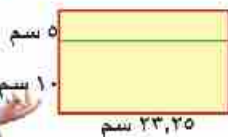


$$\text{المساحة} = 23,25 \times 15 =$$

$$\frac{2325}{100} \times 15 =$$

$$\text{سم} \square \square \square . \square \square =$$

المجموعة الثالثة



$$\text{المساحة} = (10 + 5) \times 23,25 =$$

$$\dots \times 23,25 + 10 \times 23,25 =$$

$$\dots \times \frac{2325}{100} + \dots =$$

$$\text{سم} \square \square \square . \square \square =$$

قال معلم الفصل: إن جميع الإجابات صحيحة رغم اختلاف طرق الحل:

وضّح ذلك بإكمال العبارات التالية:

١) $١٥ \times ٢٣,٢٥ = ١٥ \times ١٥ = \dots$ ماذا تلاحظ؟

مثال (١)

إذا كان ثمن علبة العصير الواحدة ٣,٢٥ جنية ، فما ثمن ٧ علب من نفس النوع ؟

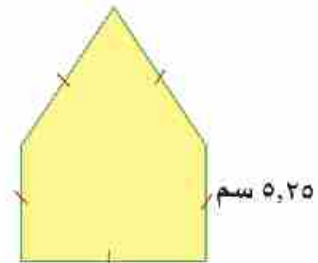
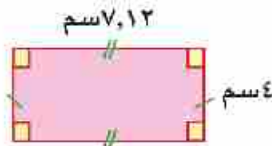
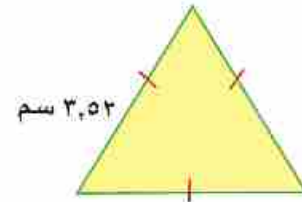
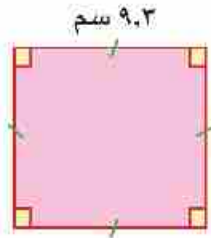
الحل:

$$\text{ثمن العلب} = ٧ \times ٣,٢٥$$

$$= ٢٢,٧٥ \text{ جنيهاً}$$

تدرب

أوجد محيط كل من الأشكال التالية:



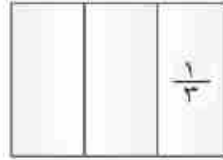
ضرب الكسور الاعتيادية



* سوف تتعلم *

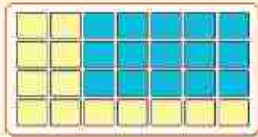
😊 ضرب الكسور الاعتيادية

أرادت سعاد استنتاج حاصل ضرب $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4}$ فاستخدمت قطعة ورق قامت بتقسيمها على المراحل التالية:

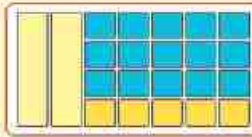


$$\frac{1}{6} = \frac{1}{3} \times \frac{1}{4}$$

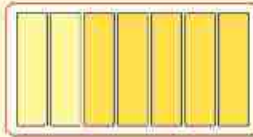
مثال

أوجد ناتج: $\frac{5}{7} \times \frac{3}{4}$ 

$$\frac{5}{8}$$



$$\frac{3}{4}$$



$$\frac{5}{28}$$

أي أن:

$$\frac{5}{28} = \frac{5 \times 3}{8 \times 4} = \frac{5}{8} \times \frac{3}{4}$$

و بصفة عامة:

$$\frac{9}{40} = \frac{3 \times 3}{8 \times 5} = \frac{3}{8} \times \frac{3}{5}$$

$$\frac{10}{63} = \frac{5}{7} \times \frac{2}{9} \text{ وهكذا}$$

ضرب الكسور العشرية

أولاً: ضرب كسر أو عدد عشري في كسر أو عدد عشري آخر

* سوف تتعلم *

ضرب الكسور العشرية

مفاهيم جديدة

لاحظ

أولاً:

$$6 = 0,6 \text{ أجزاء من عشرة}$$

$$6 \times \frac{1}{10} = 0,6$$

$$4 \times \frac{1}{10} = 0,4$$

$$4 \times \frac{1}{10} \times 6 \times \frac{1}{10} = 0,4 \times 0,6$$

$$24 \times \frac{1}{100} =$$

$$0,24 = 0,4 \times 0,6$$

ثانياً:

$$\frac{4}{10} = 0,4 \text{ ، } \frac{6}{10} = 0,6$$

$$\frac{4}{10} \times \frac{6}{10} = 0,4 \times 0,6$$

$$\frac{24}{100} =$$

$$0,24 =$$

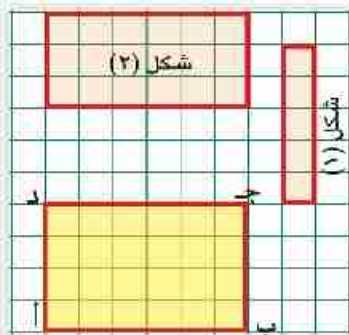
فكر وناقش



في الشكل المقابل:

المستطيل أ ب ج د طوله ٦ أجزاء من عشرة، وعرضه ٤ أجزاء من عشرة. مساحته = عدد الوحدات المربعة داخل الشكل = ٢٤ جزءاً من مائة.

أكمل مستعيناً بالشكل:



المستطيل	الطول	العرض	المساحة
أ ب ج د	٠,٦	٠,٤	٠,٢٤
الشكل (١)	٠,١
الشكل (٢)	٠,٣

تدرب

١ أوجد ناتج:

$$3,7 \leftarrow \text{رقم عشري واحد}$$

$$0,6 \times \leftarrow \text{رقم عشري واحد}$$

$$\leftarrow \text{رقمان عشريان}$$

١,٢٩	٠,٥٣
٠,٣٤ ×	٠,٣٢ ×
.....
.....
.....

٢ لاحظ ثم أكمل:

$$..... = \frac{1 \times 3}{2 \times 5} = \frac{1}{2} \times \frac{3}{5} \text{ أو } = 0,5 \times 0,6 = \frac{1}{2} \times \frac{3}{5}$$

ثانياً: تقدير نواتج ضرب كسري أو عدد عشري في كسر أو عدد عشري

مثال

أوجد ناتج: $2,2 \times 7,6$

$$\frac{22}{10} \times \frac{76}{10} = 2,2 \times 7,6$$

$$\frac{1672}{100} =$$

$$16,72 =$$

التقدير

٧,٦ تقدر إلى ٨

٢,٢ تقدر إلى ٢

تقدير حاصل الضرب $2 \times 8 = 16$

$$\begin{array}{r} 76 \\ 22 \times \\ \hline 152 \\ 152 \\ \hline 1672 \end{array}$$

الناتج

يمكن ضرب الأعداد كأنها أعداد صحيحة، ثم تحديد موضع العلامة العشرية في الناتج.

تدرب

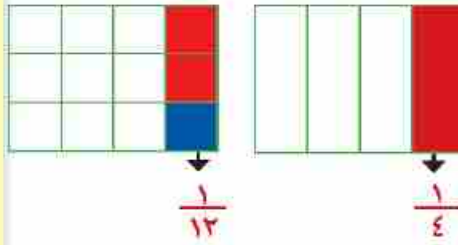
١ قَدِّرْ أولاً ناتج العمليات التالية، ثم قارن تقديرك بالناتج الفعلي:

..... الناتج المقدر الناتج الفعلي	٦,١ × ٥,٨٩	أ
..... الناتج المقدر الناتج الفعلي	٣,١ × ٢٨,٧	ب
..... الناتج المقدر الناتج الفعلي	٠,٧٠٤ × ٣,٩	ج
..... الناتج المقدر الناتج الفعلي	٠,٥ × ٣٨٠,١٩	د
..... الناتج المقدر الناتج الفعلي	٣,٨ × ١٠٨,٠٥	هـ

ناقش معلمك في الحل

القسمة

قسمة الكسور



أراد سامي إيجاد خارج قسمة $\frac{1}{4}$ على ٣، فاستخدم قطعة ورق مستطيلة وقسمها إلى ٤ أجزاء متساوية، ثم قسم الورقة إلى ١٢ جزءًا متساويًا.

ولاحظ سامي من الرسم أن:

$$\frac{1}{12} = 3 \div \frac{1}{4}$$

هل تتفق مع سامي على ذلك، ولماذا؟

لاحظ أن:

$$\frac{1}{12} = \frac{1}{3} \times \frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{12} = \frac{1}{3} \times \frac{1}{4} = 3 \div \frac{1}{4}$$

مثال

$$\frac{2}{3} \div 2$$

اقسم كل وحدة إلى ٣ أقسام متساوية، وكون أجزاء كل منها $\frac{2}{3}$ الوحدة.

$$3 = \frac{2}{3} \div 2$$

$$3 = \frac{3}{3} \times 2 = \frac{2}{3} \div 2 \text{ أي أن}$$



* سوف تتعلم *

😊 قسمة عدد صحيح على كسر اعتيادي.

😊 قسمة كسر اعتيادي على عدد صحيح.

😊 قسمة كسر اعتيادي على كسر اعتيادي.

مفاهيم جديدة

▶ الكسر الاعتيادي.

▶ القسمة.

مثال

$$\frac{1}{4} \div \frac{3}{4}$$

الحل:

$$3 = \frac{4}{1} \times \frac{3}{4} = \frac{1}{4} \div \frac{3}{4}$$

ماذا تلاحظ؟

الوحدة $\frac{3}{4}$ هل يمكنك إيجاد ناتج $\frac{3}{0} \div \frac{2}{0}$ 

مثال

أقسم مع وضع الناتج في أبسط صورة

$$\frac{10}{4} \div \frac{3}{2} \text{ (ج)}$$

$$\frac{7}{10} \div \frac{3}{4} \text{ (ب)}$$

$$\frac{9}{10} \div \frac{3}{5} \text{ (أ)}$$

الحل:

$$\frac{2}{3} = \frac{10}{9} \times \frac{3}{5} = \frac{9}{10} \div \frac{3}{5} \text{ (أ)}$$

$$\frac{10}{14} = \frac{10}{7} \times \frac{3}{4} = \frac{7}{10} \div \frac{3}{4} \text{ (ب)}$$

$$\frac{2}{5} = \frac{4}{10} \times \frac{3}{2} = \frac{10}{4} \div \frac{3}{2} \text{ (ج)}$$

قسمة الكسور والأعداد العشرية

على ١٠، ١٠٠، ١٠٠٠



* سوف تتعلم *

😊 قسمة كسر عشري أو عدد عشري على ١٠، ١٠٠، ١٠٠٠.

* مفاهيم جديدة *

أراد فاعل خير توزيع مبلغ ٢٩٧,٥ جنيهاً على ١٠ أسر بالتساوي، فكم يكون نصيب كل أسرة؟

$$\text{نصيب الأسرة الواحدة} = 297,5 \div 10 = \frac{1}{10} \times \frac{2975}{10} = \frac{2975}{100} = 29,75 \text{ جنيهاً.}$$

ماذا تلاحظ على عدد الخانات التي تتحركها العلامة العشرية، وفي أي اتجاه؟

يمكنك أيضاً اكتشاف نمط لتغيير موقع العلامة العشرية إلى جهة اليسار عند القسمة على ١٠، ١٠٠، ١٠٠٠ وذلك باستخدام الآلة الحاسبة.

التوضيح	باستخدام الحاسبة
$3,257 = \frac{3257}{1000} = \frac{1}{10} \times \frac{3257}{100}$	$3,257 = 10 \div 32,57$
$0,9574 = \frac{9574}{10000} = \frac{1}{100} \times \frac{9574}{100}$	$0,9574 = 100 \div 95,74$
$0,06439 = \frac{6439}{100000} = \frac{1}{1000} \times \frac{6439}{100}$	$0,06439 = 1000 \div 64,39$

هل لاحظت نمطاً معيناً؟ ما النمط؟



قال سعيد:

- عند القسمة $\div 10$ تتحرك العلامة خانة واحدة جهة اليسار.
- عند القسمة $\div 100$ تتحرك العلامة خانتين جهة اليسار.
- عند القسمة $\div 1000$ تتحرك العلامة ٣ خانات جهة اليسار.



مثال (١)

اوجد ناتج :

ب) $1000 \div 203,2$

أ) $10 \div 70,43$

د) $1000 \div 23,01$

ج) $1000 \div 110,97$

الحل:

ب) $0,2032 = 1000 \div 203,2$

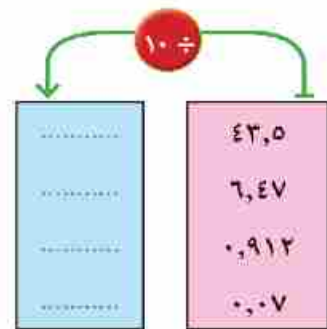
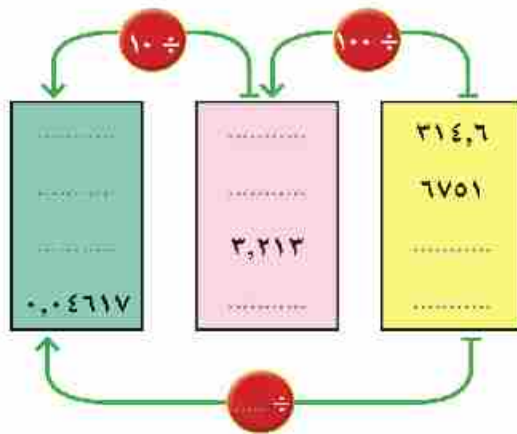
أ) $7,043 = 10 \div 70,43$

د) $0,02301 = 1000 \div 23,01$

ج) $0,11097 = 1000 \div 110,97$

تدريب

أكمل:



قسمة عدد صحيح على عدد مكون من ثلاثة أرقام بدون باق

فكر وناقش



استعان أمين مكتبة المدرسة بتلاميذ الفصل لمساعدته في تنظيم المكتبة، وطلب منهم وضع ١٧٨ كتابًا على ٧ أرفف بالتساوي.

فكر أحمد: كم كتابًا نضعه على كل رف؟

أجاب سمير: نقسم ١٧٨ على ٧ فيكون الناتج: ٢٥ كتابًا ويتبقى ٣ كتب.

قال أحمد: أي أن:

$$\begin{array}{ccccccc} 3 & + & 25 & \times & 7 & = & 178 \\ \downarrow & & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow \\ \text{الباقى} & & \text{خارج القسمة} & & \text{المقسوم عليه} & & \text{المقسوم} \end{array}$$

لاحظ واستنتج

المقسوم = (المقسوم عليه × خارج القسمة) +
الباقى أقل من المقسوم عليه.

تدريب

رقم العملية	عملية القسمة	المقسوم	المقسوم عليه	خارج القسمة	الباقى	العلاقة بين عناصر عملية القسمة
مثال	$5 \div 32$	٣٢	٥	٦	٢	$2 + 6 \times 5 = 32$
١	$8 \div 73$
٢	$6 \div 42$
٣	$\dots \div \dots$	$8 + 6 \times 9 =$
٤	$\dots \div \dots$	١٤	٥	صفر
٥	$\dots \div 92$	٩	$2 + \dots \times 9 = \dots$

* سوف تتعلم *

😊 قسمة عدد صحيح على عدد مكون من ثلاثة أرقام بدون باق.

مفاهيم جديدة

▶ باقى القسمة.

لاحظ أن: إذا كان الباقي صفرًا فإن عملية القسمة تكون بدون باق .

مثال

أوجد خارج قسمة $3978 \div 234$

الحل:

تقدير خارج القسمة لدراسة معقولة الإجابة.

التقدير

٤٠٠٠

←

٣٩٧٨

المقسوم:

٢٠٠

←

٢٣٤

المقسوم عليه:

التقدير المناسب لخارج القسمة ٢٠

إجراء عملية القسمة:

رقم العشرات

$$\dots \times 234 > 397 > \dots \times 234$$

$$2 \times 234 > 397 > 1 \times 234$$

رقم الآحاد

$$\dots \times 234 > 1638 > \dots \times 234$$

$$1638 = 7 \times 234$$

$$\begin{array}{r} \boxed{1} \quad \boxed{7} \\ 234 \overline{) 3978} \\ \underline{234} - \\ 1638 \\ \underline{1638} - \\ 0000 \end{array}$$

$17 = 3978 \div 234$ الناتج قريب من التقدير، فالإجابة معقولة .

القسمة على كسر عشري و عدد عشري

أولاً: القسمة على كسر عشري بدون باق:



أوجد خارج قسمة كل مما يأتي:

$$\text{أولاً: } 0,2 \div 0,8$$

الحل:

$$\frac{2}{10} \div \frac{8}{10} = 0,2 \div 0,8$$

$$4 = \frac{8}{2} = \frac{10}{2} \times \frac{8}{10} =$$

$$\text{ثانياً: } 0,15 \div 0,75$$

الحل:

$$\frac{15}{100} \div \frac{75}{100} = 0,15 \div 0,75$$

$$0 = \frac{75}{15} = \frac{100}{15} \times \frac{75}{100} =$$

ارسم شبكة المائة ووضح عليها عملية القسمة

$$\frac{75}{100} \div \frac{15}{100} = 0,15 \div 0,75$$

(يمكن ضرب كل من

المقسوم والمقسوم عليه

بـ ١٠٠ لكي نجعل المقام

عدداً صحيحاً).

$$0 = \frac{75}{15} = \frac{100 \times 0,75}{100 \times 0,15} =$$

* سوف تتعلم *

😊 قسمة كسر عشري على

كسر عشري.

😊 قسمة عدد عشري على كسر

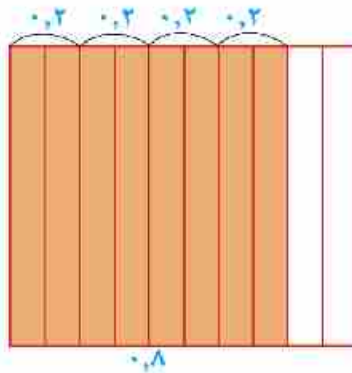
عشري.

😊 إيجاد خارج القسمة غير

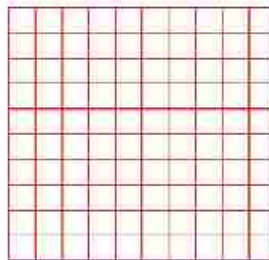
المنتهية لأقرب جزء من

عشرة أو لأقرب جزء من

مائة.



$$\begin{array}{r} 0 \\ 15 \overline{) 75} \\ \underline{75} \\ 00 \end{array}$$



مفاهيم جديدة

▶ القسمة غير المنتهية.

مثال

أوجد خارج قسمة كل مما يأتي:

$$٠,٩ \div ٤,٨٦ \quad \text{أ} \quad ٠,٣٢ \div ٤,٣٨٤ \quad \text{ب}$$

الحل:

$$\begin{array}{r} ٥,٤ \\ ٩ \overline{) ٤٨,٦} \\ \underline{٤٥} \\ ٣٦ \\ \underline{٣٦} \\ ٠ \end{array}$$

أ لإيجاد $٠,٩ \div ٤,٨٦$ نجعل المقسوم عليه عددًا صحيحًا

بضرب كل من المقسوم والمقسوم عليه $\times ١٠$

$$\text{خارج القسمة} = \frac{٤٨,٦}{٩} = \frac{١٠ \times ٤,٨٦}{١٠ \times ٠,٩} = ٥,٤$$

التقدير: $٤,٨٦$ ← ٥ الناتج المقدر (٥)

$٠,٩$ ← ١ الإجابة مقبولة

ب لتحويل المقسوم عليه إلى عدد صحيح تضرب كلًّا من المقسوم والمقسوم عليه $\times ١٠٠$

$$\text{خارج القسمة} = \frac{٤٣٨,٤}{٣٢} = \frac{١٠٠ \times ٤,٣٨٤}{١٠٠ \times ٠,٣٢} = ١٣,٧$$

التقدير:

المقسوم $٤,٣٨٣$ ← ٤

المقسوم عليه $٠,٣٢$ ← $٠,٣$

الناتج المقدر ١٠×٤ ← ١٣ الإجابة مقبولة.

$$\begin{array}{r} ١٣,٧ \\ ٣٢ \overline{) ٤٣٨,٤} \\ \underline{٣٢} \\ ١١٨ \\ \underline{٩٦} \\ ٢٢٤ \\ \underline{٢٢٤} \\ ٠ \end{array}$$

ثانياً: القسمة على عدد عشري بدون باق:

مثال

أوجد خارج قسمة كل من:

$$6,94 \div 77,728 \quad \text{ب}$$

$$13,5 \div 3,375 \quad \text{ا}$$

وناقش معقولة الإجابة.

$$\begin{array}{r}
 0,25 \\
 135 \overline{) 33,75} \\
 \underline{270} \\
 675 \\
 \underline{675} \\
 \dots
 \end{array}$$

الحل:

$$135 \div 33,75 = 13,5 \div 3,375 \quad \text{ا}$$

$$\begin{array}{l}
 3 \leftarrow 3,375 \\
 10 \leftarrow 13,5 \\
 \text{النتيجة المقدر } 0,2 \\
 \text{خارج القسمة } 0,25
 \end{array}$$

خارج القسمة قريب من التقدير فالإجابة معقولة.

$$\begin{array}{r}
 11,2 \\
 794 \overline{) 7772,8} \\
 \underline{794} \\
 832 \\
 \underline{794} \\
 1388 \\
 \underline{1388} \\
 \dots
 \end{array}$$

$$794 \div 7772,8 = 6,94 \div 77,728 \quad \text{ب}$$

$$11,2 =$$

$$80 \leftarrow 77,728 \quad \text{التقدير: } 77,728$$

$$11 \leftarrow \frac{80}{7} \leftarrow 7 \leftarrow 6,94$$

خارج القسمة قريب من التقدير فالإجابة معقولة.

ثالثاً: إيجاد خارج القسمة غير المنتهية لأقرب جزء من عشرة وجزء من مائة.

مثال

اكتب في صورة عشرية كلاً من:

$$\frac{3}{8} \quad \text{أ}$$

$$\frac{2}{3} \quad \text{ب} \quad \text{لأقرب جزء من مائة}$$

الحل:

أ) للتحويل من كسر اعتيادي إلى كسر عشري

$$\text{نقسم } 8 \div 3$$

لاحظ أن عملية القسمة انتهت، وعندئذ نقول: إن عملية

$$\text{القسمة منتهية. } 0,375 = 8 \div 3$$

ب) لإيجاد $\frac{2}{3}$ في صورة كسر عشري

$$\text{نقسم } 3 \div 2$$

لاحظ في هذه الحالة أن عملية القسمة غير منتهية؛ لذلك تسمى

$$\text{في هذه الحالة (غير منتهية). } 0,6666 = 3 \div 2$$

نستطيع الاستمرار في عملية القسمة، ولكن المطلوب هو خارج القسمة مقرباً لأقرب جزء من مائة؛ لذلك نكتفي بالقسمة حتى ثلاثة أرقام عشرية ثم نستخدم قواعد التقريب.

$$0,67 \approx \frac{2}{3} \quad \text{لأقرب جزء من مائة.}$$

$$\begin{array}{r} 0,375 \\ 8 \overline{) 3,000} \\ \underline{24} \\ 60 \\ \underline{56} \\ 40 \\ \underline{40} \\ 00 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0,666 \\ 3 \overline{) 2,0000} \\ \underline{18} \\ 20 \\ \underline{18} \\ 20 \\ \underline{18} \\ 2 \end{array}$$

مثال

أوجد خارج قسمة $٥٤٦,٨ \div ٥٣$ لأقرب جزء من عشرة.

الحل:

$$\begin{array}{r}
 ١٠,٣١ \\
 ٥٣ \overline{) ٥٤٦,٨} \\
 \underline{٥٣} \\
 ١٦ \\
 \underline{١٥٩} \\
 ٩٠ \\
 \underline{٥٣} \\
 ٣٧
 \end{array}$$

الناتج المقدر

$$\begin{array}{r}
 ١٠ \\
 ٥٠٠ \leftarrow \textcircled{٥} ٤٦,٨ \\
 ٥٠ \leftarrow ٥٣
 \end{array}$$

😊 إيجاد رقم العشرات: $١ \times ٥٣ > ٥٤ > ٢ \times ٥٣$

ويكتب فوق رقم العشرات.

😊 إيجاد رقم الآحاد

نلاحظ أن: $١٦ > \text{المقسوم عليه}$; ولذلك رقم الآحاد = صفر.

😊 ضع العلامة في الوضع الاصل.

😊 إيجاد رقم الجزء من عشرة $٢ \times ٥٣ > ١٦٨ > ٤ \times ٥٣$

وتكتب فوق رقم الجزء من عشرة.

😊 إيجاد رقم الجزء من مائة $١ \times ٥٣ > ٩٠ > ٢ \times ٥٣$

ويكتب فوق الجزء من مائة.

يكتفى بالقسمة حتى رقمين عشريين؛ لأن المطلوب التقريب لأقرب جزء من عشرة.

∴ $١٠,٣ \approx ٥٣ \div ٥٤٦,٨$ لأقرب جزء من عشرة.

لاحظ أن خارج القسمة قريب من المقدر له، فالإجابة معقولة.

الوحدة الثانية

المجموعات

٢



11
22
33
44
55
66
77
88
99
00

11
22
33
44
55
66
77
88
9999999 9999 9999

1
22
33
44
55
666
7777
8888
9999
0000
11
22
333
4444
55
665
7777
8888 111
9999 222
0000 333
444
55
66
777
888
999

ماذا تعنى المجموعة؟



الاثنين

١٠	٣١
رمضان ١٤٣٠ هـ	أغسطس ٢٠٠٩ م

* سوف نتعلم *

😊 المفهوم الرياضى
للمجموعة.

١ ما أيام الأسبوع؟

أيام الأسبوع: السبت، الأحد، الاثنين، الثلاثاء، الأربعاء، الخميس، الجمعة.

٢ ما حروف كلمة **حسام**؟ حروف كلمة **حسام** هي: ح، س، ا، م.

٣ ما أرقام العدد **٧١٥٣٦**؟ أرقام العدد **٧١٥٣٦** هي: ٧، ١، ٥، ٣، ٦.

كل من التجمعات السابقة يسمى **مجموعة** فنقول:

مجموعة أيام الأسبوع، **مجموعة** حروف كلمة **حسام**، **مجموعة** أرقام العدد **٧١٥٣٦**.

مشاهير جديدة

▶ المجموعة.

▶ عناصر المجموعة

المجموعة: هي تجمع من الأشياء المعروفة والمحددة تحديداً تماماً، ولها صفة مميزة مشتركة بينها.

لاحظ أن: الزهور الجميلة فى حديقة مدرستك لا تكون مجموعة؛ لأن صفة الجمال تختلف من شخص لآخر.

عناصر المجموعة

مجموعة حروف كلمة **مجدى** هي **م، ج، د، ي**

كل منها يسمى عنصراً من عناصر مجموعة حروف كلمة **مجدى**.



تدريب

١ مجموعة الألوان التي تظهر في إشارة المرور عناصرها هي:
الأحمر،،

التعبير عن المجموعة

أولاً: طريقة السرد

نكتب جميع عناصر المجموعة داخل قوسين بالشكل {.....} ونضع علامة "،" بين كل عنصر والآخر، ويرمز للمجموعة بأحد الحروف الهجائية المكتوبة بشكل كبير مثل **ص**، **ع**،

* سوف نتعلم *

😊 كتابة مجموعة إذا علمت عناصرها.

😊 التعبير عن المجموعة بطريقة السرد.

😊 التعبير عن المجموعة بطريقة الصفة المميزة.

😊 تمثيل المجموعات بشكل فن.

أمثلة

١ اكتب المجموعة **ص** حيث **ص** هي مجموعة حروف كلمة أحمد.

الحل:

ص = {أ، ح، م، د} ويمكن أن تكتب **ص** = {ح، د، أ، م}.

٢ اكتب المجموعة **ص**، حيث **ص** مجموعة أرقام العدد ١٧١٧

الحل:

ص = {١، ٧} ويمكن أن نكتب **ص** = {١، ...}

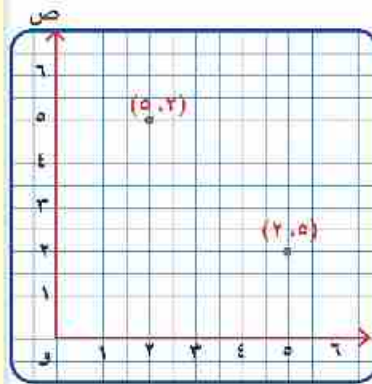
لاحظ أن:

ليس من المهم مراعاة الترتيب عند كتابة عناصر المجموعة.

أي مجموعة لا تحتوي على عنصر مكرر.

الزوج المرتب مثل (٥، ٢) يختلف عن الزوج المرتب (٢، ٥) كما بالشكل.

بينما المجموعة {٥، ٢} هي نفسها المجموعة {٢، ٥}.



ثانياً: طريقة الصفة المميزة

فى هذه الطريقة نحدد الصفة التى تميز وتحدد عناصر المجموعة.
مثلاً: المجموعة {ك، ل، ا، م} يمكن أن نعبر عنها كالتالى:

مجموعة حروف كلمة كلام

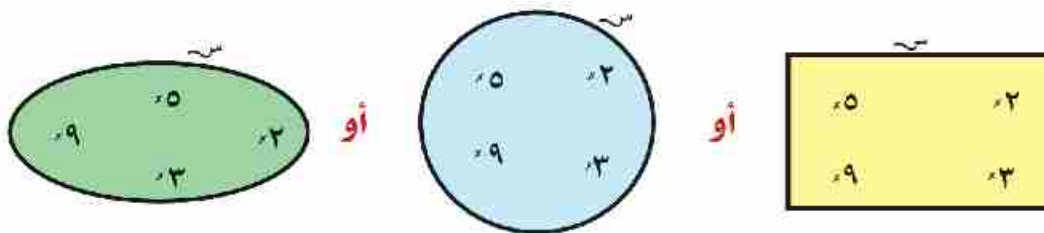
أو مجموعة حروف كلمة (كامل) أو مجموعة حروف كلمة (مالك)
ويمكن أن تكتب بالصورة (س:س حرف من حروف كلمة كلام)
وتقرأ مجموعة كل عنصر س، حيث س حرف من حروف كلمة (كلام).



اكتب المجموعة س = {٢، ٣، ٥، ٧، ١١، ...} بطريقة الصفة المميزة.

تمثيل المجموعة بشكل فن

استطاع العالم «جان فن» تمثيل المجموعة بوضع نقطة أو علامة (X) لتمثيل كل عنصر فى المجموعة، وذلك داخل أى شكل هندسى مقفل (مثلث، دائرة، مستطيل، ...)
مثلاً: المجموعة س = {٢، ٣، ٥، ٩} تمثل باستخدام شكل فن بإحدى الصور:



انتماء عنصر للمجموعة



إذا كان فريق كرة القدم في فصلك يتكون من سامي، وحاتم، وخالد، وياسر، وهاني، وماهر اكتب المجموعة S التي تعبر عن فريق كرة القدم في فصلك.

$S = \{ \dots \}$

١ هل خالد لاعب في فريق كرة القدم في فصلك؟

٢ هل خالد عنصر من عناصر فريق كرة القدم في فصلك؟

يمكن القول إن خالد ينتمي إلى مجموعة فريق كرة القدم بفصلك، ويرمز لذلك كالتالي: خالد $\in S$

كذلك سامي $\in S$ ، حاتم $\in S$ ، ... وهكذا.

الرمز \in يدل على انتماء عنصر لمجموعة

لاحظ أن:

أحمد ليس أحد اللاعبين في هذا الفريق؛
ولذلك أحمد لا ينتمي إلى S ، ويرمز لذلك بـ أحمد $\notin S$.

الرمز \notin يدل على عدم انتماء عنصر لمجموعة

مثال: إذا كانت $S = \{ 4, 5, 7, 9, 11 \}$

فإن: $4 \in S$ ، $5 \in S$ ، $11 \in S$ ،

بينما $8 \notin S$ ، $12 \notin S$.



إذا كانت $S = \{ 2, 3 \}$ فإن: $S = \dots$

* سوف نتعلم *

😊 انتماء عنصر لمجموعة.

😊 عدم انتماء عنصر لمجموعة.

مفاهيم جديدة

▶ انتماء \in .

▶ عدم انتماء \notin .

لاحظ أن:

المجموعة الخالية هي مجموعة منتهية عدد عناصرها = صفرًا.
المجموعة { } عدد عناصرها صفر، بينما المجموعة {0} عدد عناصرها = ١ وليست مجموعة خالية.

مثال (١)

- أي المجموعات الآتية منتهية وأيها غير منتهية وإذا كانت منتهية حددها واكتب عدد عناصرها .
- أ- مجموعة حروف كلمة (سليمان) .
- ب- مجموعة الأعداد الزوجية .
- ج- مجموعة الأعداد الفردية الأقل من ٩
- د- مجموعة الأعداد التي تقبل القسمة علي ٥

الحل:

- أ- مجموعة حروف كلمة (سليمان) منتهية وعناصرها
{س، ل، ي، م، ا، ن} وعدد عناصرها = ٦ عنصر
- ب- مجموعة الأعداد الزوجية {0، ٢، ٤،} غير منتهية
- ج- مجموعة الأعداد الفردية الأقل من ٩ هي {١، ٣، ٥، ٧} وعدد عناصرها ٤ وهي مجموعة منتهية
- د- مجموعة الأعداد التي تقبل القسمة علي ٥ وهي مجموعة غير منتهية هي
{0، ٥، ١٠،}

المجموعات المتساوية



أكمل: مجموعة حروف كلمة (ماجد) هي
مجموعة حروف كلمة (جماد) هي ماذا تلاحظ؟
إذا كانت المجموعة س = {٧، ٣، ٢} والمجموعة ص = {٢، ٣، ٧}،
ماذا تلاحظ على عناصر المجموعتين؟
لاحظ: لا تهتم بترتيب العناصر في المجموعة.
عناصر المجموعة س هي نفسها عناصر المجموعة ص

المجموعة س = المجموعة ص

إذا كانت المجموعتان لهما نفس العناصر بالضبط



إذا كانت س هي مجموعة حروف كلمة (شهر)، ص هي
مجموعة حروف كلمة (شهور) هل المجموعتان س، ص
متساويتان؟ اذكر السبب؟

مثال

أوجد قيمة كل من الرمز أ، ب واللذان يجعلان العبارة صحيحة.

$$\{٨، ٩، ب\} = \{٨، أ، ٥\} \quad ٢ \quad \{٢، ب\} = \{٧، أ\} \quad ١$$

$$\{٤، ٣، ٦\} = \{أ، ٦، ٣\} \quad ٣$$

الحل:

$$\{٢، ب\} = \{٧، أ\} \quad ١$$

$$\{٨، ٩، ب\} = \{٨، أ، ٥\} \quad ٢$$

$$\{٤، ٣، ٦\} = \{أ، ٦، ٣\} \quad ٣$$

فيكون أ = ٢ ، ب = ٧

فيكون أ = ٩ ، ب = ٥

فيكون أ = ٤

* سوف نتعلم *

تساوي مجموعتين.

مفاهيم جديدة

تساوي مجموعتين.

الاحتواء والمجموعات الجزئية

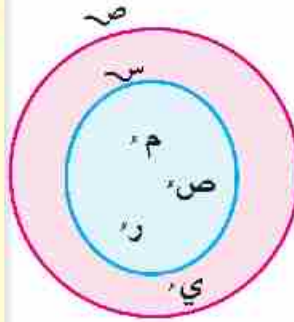


إذا كانت $S =$ مجموعة حروف كلمة (مصر)، $V =$ مجموعة حروف كلمة (مصير).

اكتب كلاً من المجموعتين S, V بطريقة السرد.

$S = \{م, ص, ر\}$ ، بينما $V = \{م, ص, ي, ر\}$

هل جميع عناصر المجموعة S موجودة في المجموعة V ؟ ارسم شكل فن للمجموعتين S, V .



نعم، جميع عناصر المجموعة S موجودة في المجموعة V .

ولذلك نقول إن:

S مجموعة جزئية من V .

أو المجموعة S محتواة في المجموعة V .

ونرمز لذلك: $S \subset V$

الرمز \supset يدل على احتواء مجموعة في مجموعة.

إذا كانت $S = \{٢, ١\}$ ، $V = \{٥, ٤, ٣, ٢\}$ هل $S \subset V$ ؟

ونلاحظ أن: $١ \in S$ بينما $١ \notin V$

لذا S ليست مجموعة جزئية من V ؛ لأن جميع عناصر S ليست موجودة في V ؛ لذلك نقول S ليست مجموعة جزئية من V :

S ليست محتواة في V

$S \not\subset V$

وتكتب

الرمز $\not\supset$ يدل على عدم احتواء مجموعة في مجموعة.

* سوف نتعلم *

😊 الاحتواء.

😊 عدم الاحتواء.

😊 المجموعات الجزئية.

مشاهير جديدة

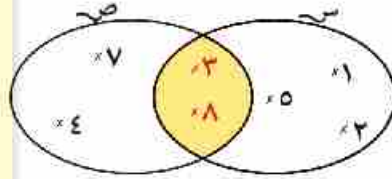
▶ الاحتواء \supset .

▶ عدم الاحتواء $\not\supset$.

▶ المجموعة الجزئية.

تقاطع مجموعتين

فكر وناقش



من شكل فن المجاور أكمل:

$$\{ \dots \} = \text{س}$$

$$\{ \dots \} = \text{س}$$

هل توجد عناصر مشتركة بين المجموعتين س، س؟ وما هي؟

نعم، توجد عناصر مشتركة بين المجموعتين س، س، حيث:

$$3 \in \text{س} ، 8 \in \text{س} ، 8 \in \text{س} ، 3 \in \text{س}$$

أي أن: كلاً من العنصرين ٨، ٣ ينتميان للمجموعتين س، س معاً.

هي مجموعة تقاطع المجموعتين س، س.

$$\{ 8, 3 \} = \text{س} \cap \text{س}$$

وتكتب:

* سوف نتعلم *

😊 إيجاد تقاطع مجموعتين.

مفاهيم جديدة

▶ تقاطع مجموعتين (ن).

تقاطع مجموعتين: هو مجموعة جميع العناصر المشتركة بين المجموعتين س، س.

في شكل فن السابق للمجموعتين:

س ∩ س يمثلها المنطقة الملونة.

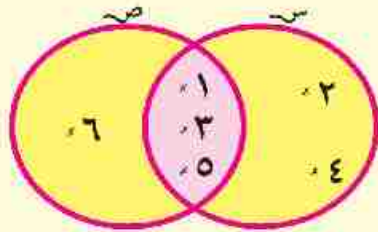
أمثلة

$$1 \text{ إذا كانت } \text{س} = \{ 5, 4, 3, 2, 1 \}$$

$$\text{س} = \{ \text{مجموعة أرقام العدد } 6315 \}$$

مثل المجموعتين س، س بشكل فن

ثم أوجد: س ∩ س، س ∩ س، ماذا تلاحظ؟

الحل:

$$\begin{aligned} S &= \{1, 2, 3, 4, 5\}, \quad A = \{6, 7, 8, 9, 10\} \\ S \cap A &= \{1, 2, 3, 4, 5\} \\ S \cap S &= \{1, 2, 3, 4, 5\} \end{aligned}$$

مما سبق نلاحظ أن:

$$S \cap S = S \quad (\text{خاصية الإبدال})$$

٢ مثل بشكل فن المجموعتين: $S = \{أ, ب, هـ\}$,

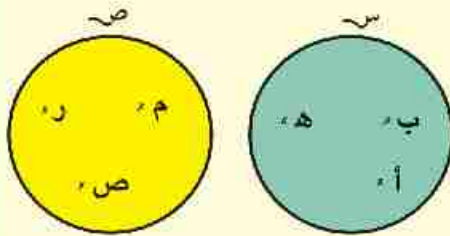
$S =$ مجموعة حروف كلمة مصر، ثم أوجد: $S \cap S$ ، $S \cap S$

الحل:

نلاحظ عدم وجود عناصر مشتركة بين المجموعتين

S, S ، ويقال إن المجموعتين منفصلتان

أو متباعدتان



٣ أكمل

$$أ- \{4, 3\} \cap \{6, 5, 4\} = \dots$$

$$ب- \{7, 5, 3, 1\} \cap \{9, 7, 5, 2\} = \dots$$

$$ج- \{11, 55, 22, 4\} \cap \{5, 2, 1\} = \dots$$

الحل

$$أ- \{4\} = \{6, 5, 4\} \cap \{4, 3\}$$

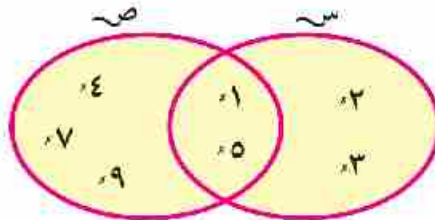
$$ب- \{7, 5\} = \{7, 5, 3, 1\} \cap \{9, 7, 5, 2\}$$

$$ج- \{\} = \{11, 55, 22, 4\} \cap \{5, 2, 1\}$$

فكر إذا كانت $S = \{3, 2, 1\}$ أوجد $S \cap \emptyset$

اتحاد مجموعتين

فكر وناقش



من شكل قن المجاور أكمل:

 $\{ \dots \} = \text{س}$ $\{ \dots \} = \text{ص}$

المجموعة التي تحتوي جميع العناصر الموجودة في س أو ص أو في كليهما؟

 $\{ \dots \} = \text{هي}$

* سوف نتعلم *

😊 إيجاد اتحاد مجموعتين.

المنطقة الملونة في شكل قن، والتي تمثل اتحاد المجموعتين س، ص

وتكتب س \cup ص

وهي المجموعة التي تحوي جميع العناصر الموجودة في س أو

ص أو كليهما.

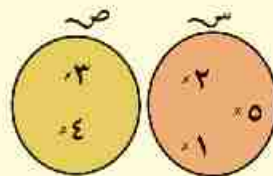
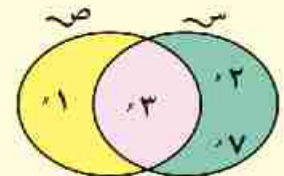
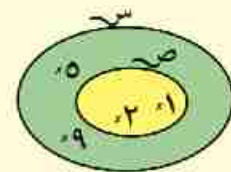
تسمى مجموعة العناصر التي تنتمي للمجموعة س وتنتمي للمجموعة ص

باتحاد المجموعتين س، ص وتكتب س \cup ص = $\{1, 2, 3, 4, 5, 7, 9\}$

مشاهير جديدة

▶ اتحاد مجموعتين (U).

مثال ١

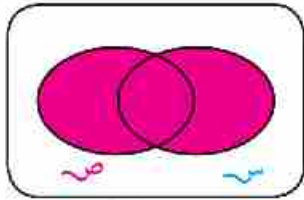
أوجد كلاً من س \cup ص، س \cap ص في كل من الحالات الآتية: $\{1, 2, 3, 4, 5\} = \text{س} \cup \text{ص}$ $\emptyset = \text{س} \cap \text{ص}$  $\{1, 2, 3, 5, 7\} = \text{س} \cup \text{ص}$ $\{3\} = \text{س} \cap \text{ص}$ $\text{س} \cup \text{ص} = \{1, 2, 3, 4, 5, 7\}$ $\text{س} \cap \text{ص} = \{3\}$ لاحظ أن $\text{ص} \subset \text{س}$ 

تدريب

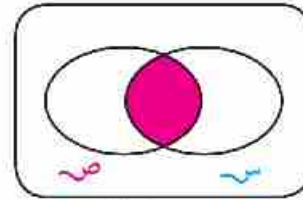
إذا كانت $S = \{1, 2, 3, 4\}$ ، $A = \{4, 5\}$ أوجد \bar{A} من S ، $A \cap S$ ، $A \cup \emptyset$ ، $S \cup A$ ،
 $S \cap A$ ، ماذا تلاحظ؟

مثال (٢)

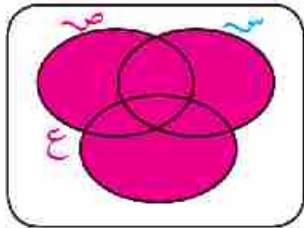
في كل من الأشكال التالية اكتب ما تمثله المنطقة الملونة :



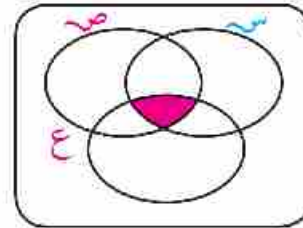
شكل (٢)



شكل (١)



شكل (٤)



شكل (٣)

الحل:

شكل (١) المنطقة الملونة تمثل:

$$S \cap A$$

شكل (٣) المنطقة المظللة تمثل:

$$S \cap A \cap B$$

شكل (٢) المنطقة الملونة تمثل:

$$S \cup A$$

شكل (٤) المنطقة المظللة الملونة تمثل:

$$S \cup A \cup B$$

مثال (٣)

إذا كانت $S = \{0, 4, 3\}$ ، $A = \{0, 6, 7, 5\}$

$$S \cap A = \{0\}$$

الحل:

$$S \cap A = \{0\}$$

المجموعةُ الشاملةُ



إذا كانت س = مجموعة فريق كرة القدم في فصلك،

ص = مجموعة فريق كرة السلة في فصلك

فإنه يمكن اختيار مجموعة كبيرة تكون كل المجموعات المعطاة في المسألة، مجموعات جزئية منها، وتسمى **المجموعة الشاملة**

ويرمز لها بالرمز S .

* سوف نتعلم *

😊 المجموعة الشاملة.

المجموعة الشاملة S : هي المجموعة الأم التي تحتوي على جميع المجموعات الجزئية التي ندرسها.

وقد تمثل المجموعة الشاملة S على شكل فن بمستطيل، والمجموعات الجزئية لها تمثل على شكل منحنيات مغلقة داخل المستطيل.

مفاهيم جديدة

▶ مجموعة شاملة (S).

أمثلة



① إذا كانت س = {مصر، ليبيا، السودان}،

ص = {السودان، الصومال}

يمكن اختيار S هي مجموعة الدول العربية.

فكر في اختيار آخر للمجموعة الشاملة S .

② إذا كانت س = {٥، ٧، ٩، ١١، ...}

يمكن اختيار S = مجموعة الأعداد الفردية.

فكر في اختيار آخر للمجموعة الشاملة S .

مكملة المجموعة



١ إذا كانت مجموعة فريق الموسيقى بالمدرسة شـ هي:

شـ = {مجدى، ياسر، فايز، ليلى، سعاد}

فإن مجموعة الأولاد بالفريق شـ

شـ = {مجدى، ياسر، فايز}

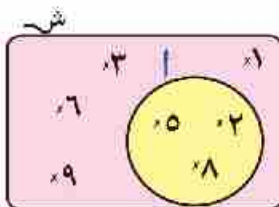
لاحظ أن: شـ شـ

وإذا كانت مجموعة البنات شـ فإن:

شـ = {.....}

وتكون المجموعة شـ هي المجموعة المكملة للمجموعة شـ .

أكمل: شـ ∪ شـ = ... ، شـ ∩ شـ =



٢ إذا كانت المجموعة الشاملة

شـ = {١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٨، ٩}

وكانت المجموعة أ = {٢، ٥، ٨}

حيث أ شـ

تسمى المجموعة {١، ٣، ٦، ٩} **مكملة المجموعة أ** بالنسبة إلى

المجموعة شـ وتكتب أ = {١، ٣، ٦، ٩}

وهي مجموعة عناصر شـ التي لا تنتمي للمجموعة أ

ونرمز لها بالرمز أ وتكتب أ = {١، ٣، ٦، ٩}

مكملة المجموعة أ بالنسبة إلى المجموعة شـ هي أ حيث

$$A \cup A = S \quad A \cap A = \emptyset$$

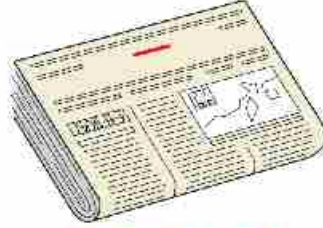
سور لتعلم

😊 إيجاد مكملة المجموعة.

مفاهيم جديدة

▶ مكملة شـ

الفرق بين مجموعتين



في استطلاع لآراء عشرة تلاميذ في فصل ١/٥ تبين أن ٤ تلاميذ يقرأون

جريدة الجمهورية فقط، وهم: أحمد، سامح، هناء، حنان.

بينما يقرأ ثلاثة تلاميذ جريدة الأخبار فقط، وهم رنا وحسام، وهانى.

و يقرأ تلميذان الجريدتين معاً، وهما منى، محمود.

وتلميذ واحد لا يقرأ أيّاً من الجريدتين وهو سمير.

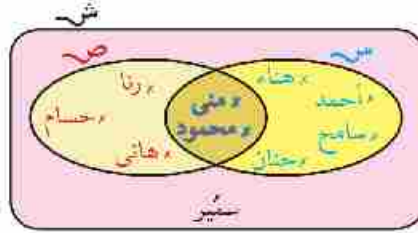
يمكن توضيح ذلك بشكل قن المجاور.

س- = {أحمد، سامح، هناء،

حنان، منى، محمود}

ص- = {منى، محمود، رنا،

هانى، حسام}



* سوف نتعلم *

😊 إيجاد الفرق بين مجموعتين.

👉 مفاهيم جديدة

▶ فرق بين مجموعتين (-)

المجموعة {أحمد، سامح، هناء، حنان} هي مجموعة التلاميذ الذين يقرأون الجمهورية ولا يقرأون الأخبار،

أى مجموعة العناصر التى تنتمى إلى س- ولا تنتمى إلى ص-

وتسمى هذه المجموعة (س- فرق ص-) وتكتب س- - ص-

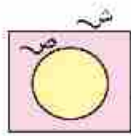
أكمل س- - ص- = {.....،،،}

ص- - س- = {.....،،}

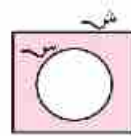
لاحظ ثم استنتج أى العبارتين صحيحة

س- - ص- يساوى ص- - س-

س- - ص- لا يساوى ص- - س-



ش - ص = \emptyset



ش - ص = \emptyset

لاحظ أن:

ش - ص = \emptyset بينهما ص - ش = \emptyset

مثال (١)

إذا كان

$$\text{ش} = \{٤, ٣, ٢, ١\}$$

$$\text{ص} = \{٦, ٥, ٤, ٣, ٢\}$$

فإن ش - ص = \emptyset

ص - ش = \emptyset

الحل:

$$\text{ش} - \text{ص} = \{٣, ١\}$$

$$\text{ص} - \text{ش} = \{٦, ٥\}$$

مثال (٢)

أكمل:

$$\text{ش} = \{٣, ٢, ١\}, \text{ص} = \{٧, ٦, ٥\}$$

فإن ش - ص = \emptyset

ص - ش = \emptyset

الحل:

$$\text{ش} - \text{ص} = \text{ش}$$

$$\text{ص} - \text{ش} = \text{ص}$$

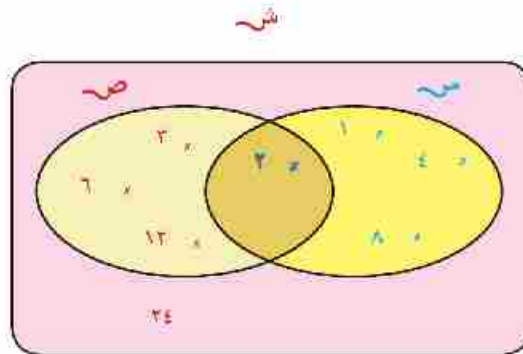
إذا كانت المجموعة الشاملة $S =$ مجموعة عوامل العدد ٢٤ وكانت

$$S = \{1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24\}$$

ارسم شكل فن الذي يمثل المجموعة S_1, S_2, S_3 ثم أوجد

$$S_1 \cup S_2, S_1 - S_2, S_2 - S_1, S_1 \cap S_2, (S_1 \cap S_2)^c$$

الحل:



$$S_1 \cup S_2 = \{1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24\}$$

$$S_1 - S_2 = \{1, 3, 6, 12\}$$

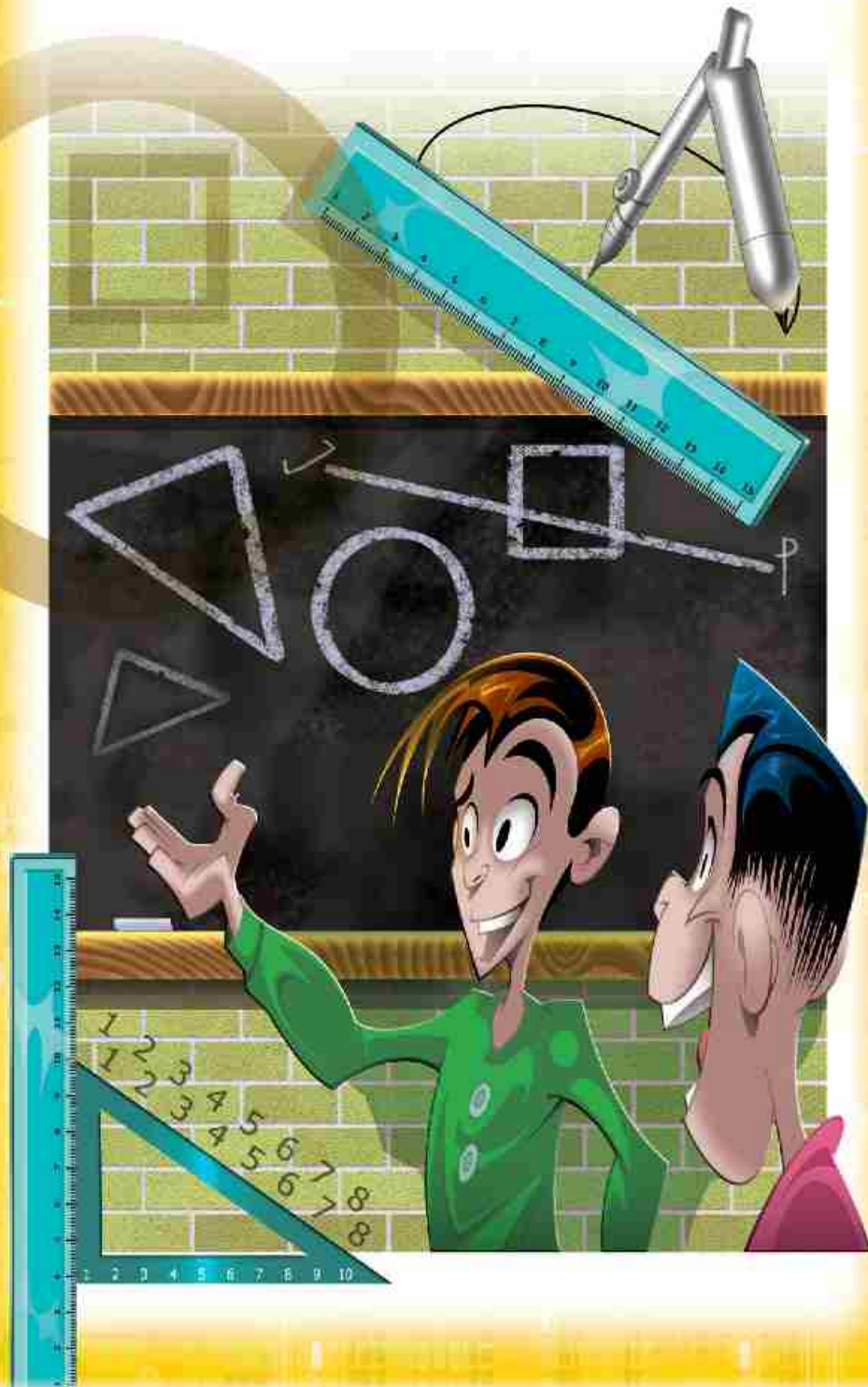
$$S_2 - S_1 = \{4, 8, 24\}$$

$$(S_1 \cap S_2)^c = \{1, 4, 6, 8, 12, 24\}$$

الوحدة الثالثة

الهندسة

٣



الدائرة



انضم حسام ليصبح عضواً جديداً في فريق الكشافة، ثبت حسام وتدًا في الأرض وربط حبلًا في أحد طرفيه، وثبت وتدًا ثانيًا في الطرف الآخر للحبل ثم شد الحبل تمامًا ودار دورة كاملة حول الوتد المثبت؛ ليرسم بالوتد الآخر خطًا منحنياً على الأرض.

* سوف تتعلم *

😊 الدائرة.

😊 رسم الدائرة.

اشترك مع مدرس التربية الرياضية في مدرستك في رسم دائرة المنتصف في ملعب كرة القدم، وقم بتخطيطها بالجير.

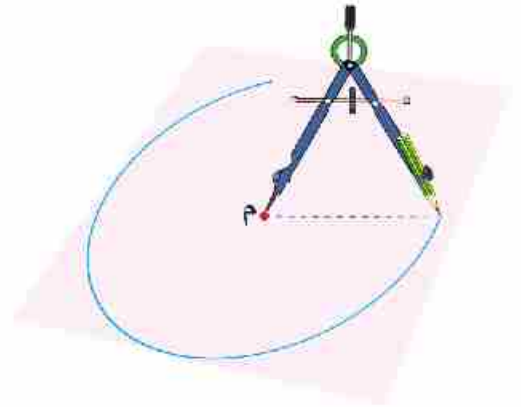
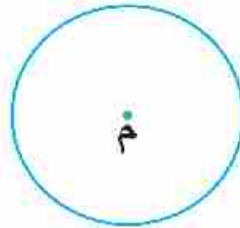
نشاط

هذا الخط المنحني يسمى (دائرة).

النقطة المثبت فيها الوتد تسمى (مركز الدائرة).

كيف ترسم الدائرة؟

نستخدم الفرجار (البرجل) كما بالشكل لرسم الدائرة.



مفاهيم جديدة

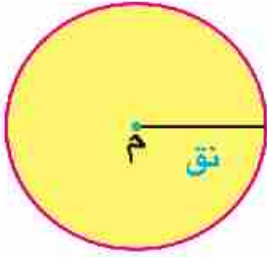
▶ دائرة.

▶ مركز الدائرة.

▶ نصف قطر الدائرة.

▶ قطر الدائرة.

▶ الوتر.



الخط المنحني باللون الأحمر يمثل الدائرة م.

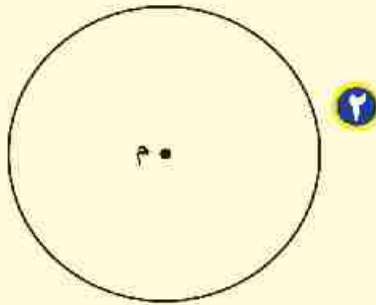
النقطة م تسمى (مركز الدائرة).

المسافة بين سن الفرجار والقلم الذي يرسم الدائرة تسمى:
(طول نصف قطر الدائرة) ويرمز لها بالرمز (نق)

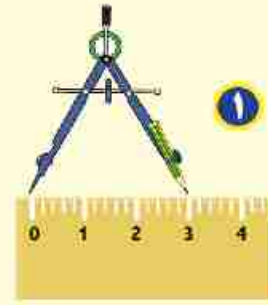
مثال

ارسم دائرة طول نصف قطرها ٣ سم.

الحل



رسم الدائرة باستخدام الفرجار



تحديد فتحة الفرجار بمقدار ٣ سم

لاحظ أن:

في الشكل المقابل دائرة طول نصف قطرها نق

أولاً: النقط أ، ب، س تقع على الدائرة

أي أن: \exists الدائرة م فتكون م = أ = نق،

ب \exists الدائرة م فيكون م = ب = نق

أكمل: س \exists الدائرة م فيكون

ثانياً: النقطة و تقع داخل الدائرة م.

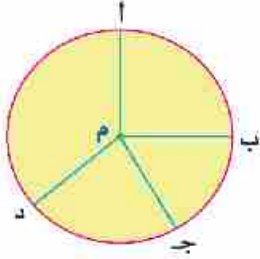
فيكون م و أقل من طول نصف قطر الدائرة أي أن: م و > نق

أكمل: د تقع داخل الدائرة م فيكون

ثالثاً: النقطتان ج، هـ تقعان خارج الدائرة م

فيكون: م ج < نق، وكذلك م هـ < نق.

مفاهيم أساسية

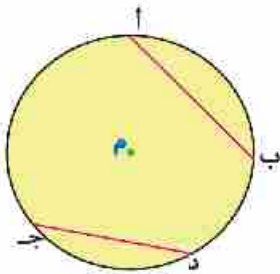


نصف قطر الدائرة:

هو قطعة مستقيمة طرفيها مركز الدائرة، وأي نقطة \in للدائرة.

مثل: $\overline{م ا}$ ، $\overline{م ب}$ ، $\overline{م ج}$ ، $\overline{م د}$

ويكون: $م ا = م ب = م ج = م د = نق$

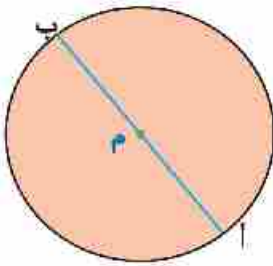


وتر الدائرة:

هو أي قطعة مستقيمة تصل بين نقطتين على الدائرة.

مثل: $\overline{أ ب}$ ، $\overline{ج د}$ ، ارسم كلاً من: $\overline{أ ج}$ ، $\overline{أ د}$

أكمل: $\overline{أ ج}$ يسمى، $\overline{أ د}$ يسمى



قطر الدائرة: هو وتر يمر بمركز الدائرة

طول قطر الدائرة = $2 \times$ طول نصف قطر الدائرة = $2 \times$ نق

طول قطر الدائرة هو أطول وتر فيها .

تدريب



١ ارسم دائرة مركزها م، وطول نصف قطرها ٢ سم.

ب على سطح الورقة التي رسمت عليها الدائرة حدّد النقط أ، ب، ج، حيث $م ا = ٥$ ، $م ب = ١$ سم،

$م ج = ٢$ سم، $م د = ٣$ سم

ج أكمل باختيار (على أو خارج أو داخل) لتكون العبارة صحيحة:

النقطة أ تقع الدائرة. النقطة ب تقع الدائرة.

النقطة ج تقع الدائرة. النقطة م تقع الدائرة.

رسم المثلث إذا علم أطوال أضلعه الثلاثة

سبق أن درست كيف ترسم مثلثًا في الحالتين:

١ إذا علم طولًا ضلعين، وقياس الزاوية المحصورة بينهما.

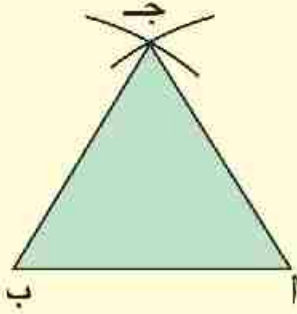
٢ إذا علم طول أحد أضلعه وقياس زاويتين فيه.

والآن سوف تتعلم رسم المثلث إذا علم أطوال أضلعه الثلاثة وتستخدم لذلك المسطرة المدرجة والفرجار.

مثال ١

ارسم المثلث أ ب ج متساوي الأضلاع الذي طول ضلعه ٤ سم.

الحل:



١ نرسم القطعة المستقيمة أ ب التي طولها ٤ سم.

٢ نفتح الفرجار بفتحة ٤ سم، ونركز في أ ونرسم قوسًا.

٣ بنفس الفتحة نركز في ب ونرسم قوسًا يقطع القوس الأول في ج.

٤ نرسم أ ج، ب ج لنحصل على المثلث أ ب ج المتساوي الأضلاع.

* سوف تتعلم *

رسم المثلث متساوي الأضلاع.

رسم المثلث متساوي الساقين.

رسم المثلث مختلف الأضلاع.

مفاهيم جديدة

▶ مثلث متساوي الأضلاع.

▶ مثلث متساوي الساقين.

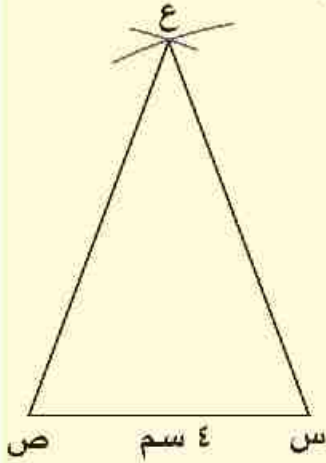
▶ مثلث مختلف الأضلاع.

تدريب

ارسم المثلث ل م ن المتساوي الأضلاع الذي محيطه ٩ سم.

مثال ٢

ارسم المثلث $س ص ع$ المتساوي الساقين، طول قاعدته $ع$ سم، وطول كل من ساقيه ٦ سم.



الحل

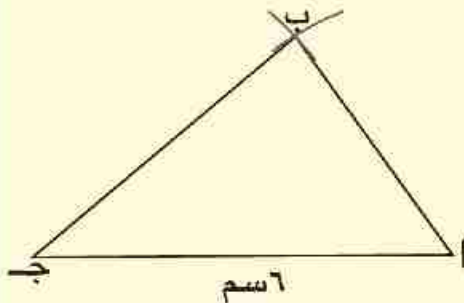
- ١ نرسم القطعة المستقيمة $س ص$ حيث $س ص = ٤$ سم.
- ٢ نفتح الفرجار بفتحة ٦ سم، ونركز في $س$ بسن الفرجار ونرسم قوسًا.
- ٣ نركز في $ص$ ، وبنفس الفتحة نرسم قوسًا آخر يقطع القوس الأول في $ع$.
- ٤ نرسم كلاً من $س ع$ ، $ص ع$ لنحصل على المثلث $س ص ع$ المتساوي الساقين.

تدريب

ارسم المثلث $أ ب ج$ المتساوي الساقين، والذي فيه $ب ج = ٥$ سم، $أ ب = أ ج = ٤$ سم.

مثال ٣

ارسم المثلث $أ ب ج$ الذي فيه $أ ب = ٤$ سم، $ب ج = ٥$ سم، $أ ج = ٦$ سم.



الحل:

- ١ ارسم $أ ج$ التي طولها ٦ سم.
- ٢ افتح الفرجار بفتحة ٤ سم، واركنز بسن الفرجار في $أ$ وارسم قوسًا.
- ٣ افتح الفرجار بفتحة ٥ سم واركنز بسن الفرجار في $ج$ وارسم قوسًا يقطع القوس الأول في $ب$.
- ٤ ارسم $أ ب$ ، $ب ج$ لنحصل على المثلث $أ ب ج$.

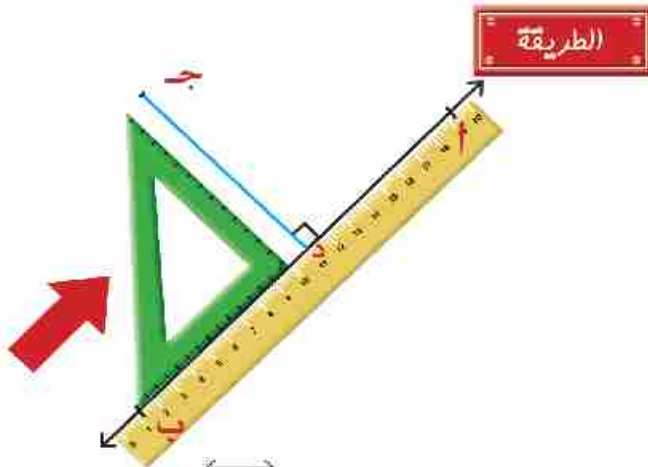
رسم القطع المستقيمة العمودية على أضلاع المثلث من الرؤوس المقابلة

تمهيد رسم قطعة مستقيمة عمودية على مستقيم من نقطة خارجة عنه.

إذا كان AB مستقيماً، J $\notin AB$
المطلوب: رسم قطعة مستقيمة من النقطة J عمودية على AB

الأدوات المستخدمة

الحافة المستقيمة (المسطرة) - المثلث القائم الزاوية.



- ١ نضع الحافة المستقيمة على AB .
- ٢ نضع أحد ضلعي القائمة للمثلث القائم الزاوية على الحافة كما بالشكل.
- ٣ نحرك المثلث في اتجاه السهم، لينزلق على الحافة حتى يصل إلى النقطة J .
- ٤ نرسم JD لتكون $JD \perp AB$.

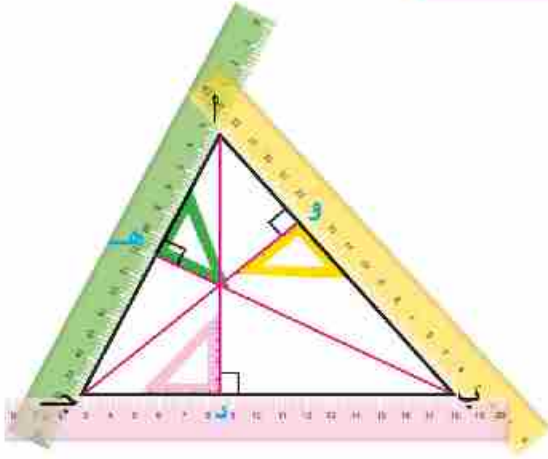
* سوف تتعلم *

- 😊 رسم قطعة مستقيمة عمودية من أحد رؤوس المثلث على الضلع المقابل.
- 😊 ارتفاعات المثلث.

مفاهيم جديدة

- ▶ ارتفاعات المثلث.

ارتفاعات المثلث



أولاً: إذا كان المثلث حاد الزوايا

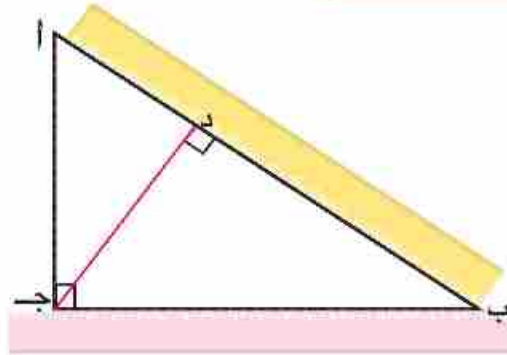
في الشكل أ ب ج مثلث حاد الزوايا
اتبع نفس الخطوات السابقة لرسم:

$\overline{AD} \perp \overline{BC}$ ، وكذلك $\overline{BH} \perp \overline{AC}$ ،
 $\overline{CJ} \perp \overline{AB}$.

لاحظ أن:

أ د ، ب هـ ، ج و تتقاطع في نقطة واحدة تقع داخل المثلث أ ب ج.
تسمى أطوال القطع أ د ، ب هـ ، ج و ارتفاعات المثلث أ ب ج.

ثانياً: إذا كان المثلث قائم الزاوية



في الشكل المقابل أ ب ج مثلث قائم الزاوية في جـ
اتبع نفس الخطوات ثم أكمل:

ارسم القطعة المستقيمة العمودية من أ على ب ج فتكون هي أ جـ.
ثم ارسم القطعة المستقيمة العمودية من ب على أ جـ فتكون هي ب جـ.
ثم ارسم القطعة العمودية من ج على أ ب فتكون ج دـ.

من الشكل السابق نلاحظ ان:

1. $\overline{أج}$ ، $\overline{بج}$ ، $\overline{جد}$ تتقاطع في نقطة ج (رأس الزاوية القائمة).

2. ارتفاعات المثلث هي أطوال $\overline{أج}$ ، $\overline{بج}$ ، $\overline{جد}$.

تدريب

1. ارسم المثلث $أبج$ المتساوي الساقين والقائم الزاوية في $ب$ ، والذي فيه $أب = ٥$ سم، ارسم القطعة المستقيمة العمودية من نقطة $ب$ على $\overline{أج}$ ولتكن $د$ وقس طولها.

2. ارسم دائرة، مركزها $م$ ، وطول نصف قطرها ٤ سم. ارسم القطر $أب$ حدد نقطة $ج$ \in الدائرة $م$ ، ارسم المثلث $أبج$ ثم ارسم القطع العمودية من رؤوس المثلث $أبج$ على أضلاعه المقابلة، وحدد نقطة تقاطعها.

3. ارسم المثلث $أبج$ الذي فيه $أب = ٦$ سم ، $بج = ٣$ سم ، $\angle ب = ٦٠^\circ$ وقس ارتفاعات هذا المثلث.

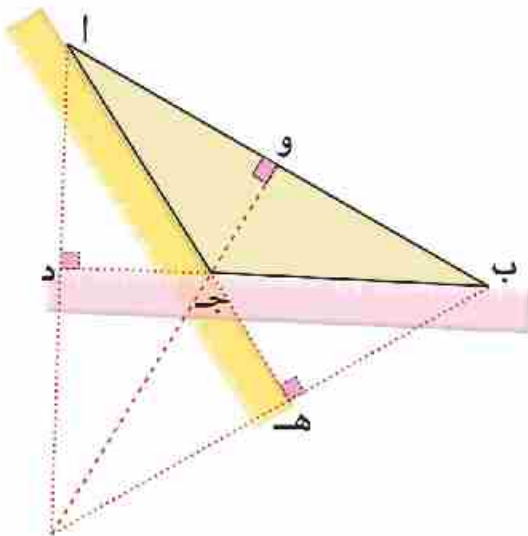
ثالثاً: إذا كان المثلث منفرج الزاوية

في الشكل $أبج$ مثلث منفرج الزاوية في $ج$ اتبع نفس الخطوات السابقة:

ارسم $\overline{أد} \perp \overline{بج}$.

وكذلك $\overline{به} \perp \overline{أج}$ ،

$\overline{جوه} \perp \overline{أب}$



من الشكل السابق نلاحظ ان:

- ارتفاعات المثلث هي أطوال القطع \overline{AD} ، \overline{BE} ، \overline{CF} .
 \overline{AD} ، \overline{BE} ، \overline{CF} تتقاطع في نقطة واحدة تقع خارج المثلث ABC .

تدريب

- ١ ارسم المثلث ABC الذي فيه $AB = 5$ سم ، $BC = 6$ سم ، $\angle B = 120^\circ$ ارسم \overline{AD} عمودياً على \overline{BC} ، وقس طول \overline{AD} . ارسم أيضاً \overline{BE} عمودياً على \overline{AC} وقس طول \overline{BE} .
هل \overline{AD} ، \overline{BE} يتقاطعان في نقطة واحدة؟

- ٢ ارسم المستطيل $ABCD$ ، الذي فيه $AB = 3$ سم ، $BC = 5$ سم حدد النقطة $S \in DA$ حيث $AS = 2$ سم . كم وضعاً للنقطة S يمكن تحديده على الشعاع DA .
ارسم المثلث ABC ثم ارسم SS عمودية من S على \overline{BC} .
هل يمكنك معرفة طول SS بدون قياس؟

الوحدة الرابعة

الاحتمال





الاحتمال العملي

هيا نلعب



* سوف تتعلم *

- 😊 إيجاد الاحتمال من تجربة أو عينة.
- 😊 التنبؤ باستخدام احتمال معطى.

إذا ألقيت قطعة نقود معدنية فإنها تسقط على أحد وجهيها، فيكون الوجه الظاهر إما صورة (ص) أو كتابة (ك)   يقسم الفصل إلى مجموعات، وتقوم كل مجموعة بإلقاء قطعة نقود معدنية منتظمة ١٠ مرات ثم ٢٠ مرة ثم ٥٠ مرة ثم ١٠٠ مرة، وملاحظة الوجه الظاهر على قطعة النقود، سجّل النتائج في الجدول التالي:

عدد مرات ظهور العملة	عدد مرات ظهور الصورة	عدد مرات ظهور الكتابة
١٠ مرات		
٢٠ مرات		
٥٠ مرة		
١٠٠ مرة		

ماذا تلاحظ؟

نلاحظ أن:

كلما زاد عدد مرات إلقاء قطعة النقود يقترب عدد مرات ظهور الصورة ص من عدد مرات ظهور الكتابة ك فمثلاً إذا ألقيت قطعة النقود ١٠٠٠ مرة قد تجد أن: عدد مرات ظهور الصورة ٥٠٦ مرات، ويكون: عدد مرات ظهور الكتابة = $1000 - 506 = 494$ مرة

ونقول إن: احتمال ظهور الصورة بعد ١٠٠٠ مرة = $\frac{506}{1000} = 0,506$

احتمال ظهور الكتابة بعد ١٠٠٠ مرة = $\frac{494}{1000} = 0,494$



هل يمكنك التنبؤ بعدد مرات ظهور الصورة إذا أُلقيت قطعة النقود ١٠٠٠٠ مرة؟ فسر.



مثال

الجدول المقابل يبين نتيجة استطلاع آراء ٤٠ تلميذاً حول وجبة الإفطار المفضّل لديهم.
 ما احتمال أن يفضل أحدُهم أكل الفول والطعمية؟
 ما احتمال أن يفضل أحدُهم أكل الفطائر؟
 ما احتمال أن يفضل أحدُهم أكل الجبن والحلاوة؟
 إذا كان هناك ٤٠٠ تلميذاً، ما الذي يمكنك التنبؤ به عن عدد التلاميذ الذين يفضلون أكل الفول والطعمية؟

طعام الإفطار	عدد التلاميذ
الفول والطعمية	٢٠
الفطائر	٤
الجبن والحلاوة	١٦

الحل

$$\frac{1}{2} = \frac{20}{40} = \text{احتمال أن يفضل أحدُهم أكل الفول والطعمية}$$

$$\frac{1}{10} = \frac{4}{40} = \text{احتمال أن يفضل أحدُهم أكل الفطائر}$$

$$\frac{2}{5} = \frac{16}{40} = \text{احتمال أن يفضل أحدُهم أكل الجبن والحلاوة}$$

فيكون التنبؤ بعدد التلاميذ الذين يفضلون الفول والطعمية $200 = \frac{1}{2} \times 400$ تلميذاً.



إذا كان عدد التلاميذ ٨٠٠ ما الذي يمكنك التنبؤ به عن:

عدد التلاميذ الذين يفضلون الفطائر. عدد التلاميذ الذين يفضلون الجبن والحلاوة.

الاحتمال النظري



* سوف تتعلم *

😊 إيجاد حدث ما.

ناقش مع معلمك التجارب التالية ونواتجها وفضاء النواتج لكل منها:

التجربة الأولى:

إلقاء قطعة نقود منتظمة وملاحظة الوجه الظاهر.
نواتج التجربة: ظهور صورة (ص) أو كتابة (ك)
 مجموعة النواتج: ف = {ص، ك}



مفاهيم جديدة

- ▶ احتمال نظري.
- ▶ نواتج تجربة.
- ▶ فضاء النواتج.

التجربة الثانية:

إلقاء حجر نرد منتظم مرقم من ١ إلى ٦.
نواتج التجربة: ظهور ١ أو ٢ أو ٣ أو ٤ أو ٥ أو ٦
 مجموعة النواتج: ف = {١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦}



التجربة الثالثة:

ولادة طفل وتحديد نوع الجنين.
نواتج التجربة: ولد أو بنت
 مجموعة النواتج: ف = {ولد، بنت}



التجربة الرابعة:

مباراة كرة قدم بين فريقين، وتحديد نتيجة المباراة
 لأحد الفريقين وهي: فوز أو أو
 مجموعة النواتج: ف = {.....}



التجربة الخامسة:



إدارة مؤشر اللوحة الدوارة، ووقوف المؤشر عند أحد الأعداد
نواتج التجربة: ١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦
مجموعة النواتج: {١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ...
وقوف المؤشر عند عدد فردي هو مجموعة جزئية من
فضاء النواتج يسمى **الحدث** وهو {١، ٣، ٥}

الحدث هو مجموعة جزئية من مجموعة النواتج

في التجربة رقم ٥:

$$\frac{1}{6} = \frac{3}{6} = \frac{\text{عدد مرات وقوع الحدث}}{\text{عدد جميع النواتج}} = \text{احتمال وقوع المؤشر عند عدد فردي}$$

أمثلة



١ يحتوي كيس على ٥ كرات بيضاء، و ٧ كرات سوداء، و ٣ كرات حمراء - جميع الكرات متساوية في الحجم - تم سحب كرة واحدة عشوائياً.
احسب احتمال:

بيضاء	سوداء	حمراء	المجموع
٥	٧	٣	١٥

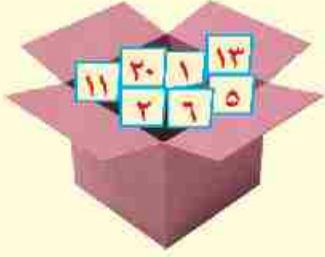
- أ أن تكون الكرة سوداء.
ب أن تكون الكرة صفراء.
ج أن تكون الكرة بيضاء أو حمراء.

الحل

١ احتمال أن تكون الكرة المسحوبة سوداء = $\frac{\text{عدد الكرات السوداء}}{\text{عدد جميع الكرات في الكيس}} = \frac{7}{15}$

٢ احتمال أن تكون الكرة المسحوبة صفراء = $\frac{3}{15} = 0$ (حدث مستحيل)

٣ احتمال أن تكون الكرة المسحوبة بيضاء أو حمراء = $\frac{3+5}{15} = \frac{3}{15} + \frac{5}{15} = \frac{8}{15}$



٢٠ يحتوي صندوقٌ على ٢٠ بطاقة مرقّمة من ١ إلى ٢٠ فإذا
سحبت بطاقة عشوائياً احسب احتمال أن تكون البطاقة
المسحوبة تحمل:
أولاً: عدداً أولياً.
ثانياً: عدداً يقبل القسمة على ٧.

الحل

$$ف = \{١, ٢, ٣, \dots, ٢٠\} \quad ن(ف) = ٢٠$$

أولاً: حدث ظهور عدد أولي = $\{٢, ٣, ٥, ٧, ١١, ١٣, ١٧, ١٩\}$ ، عدد العناصر يساوي ٨

$$\text{احتمال ظهور عدد أولي} = \frac{٨}{٢٠} = \frac{٢}{٥}$$

ثانياً: حدث ظهور عدد يقبل القسمة على ٧ = $\{٧, ١٤\}$ ، عدد العناصر يساوي ٢

$$\text{احتمال ظهور عدد يقبل القسمة على ٧} = \frac{٢}{٢٠} = \frac{١}{١٠}$$

الأنشطة والتدريبات

مراجعة

١ حول كلاً من الكسور الآتية إلى كسر مقامه ١٠ ثم ضعه على الصورة العشرية:

مثال: $٢,٨ = \frac{٢٨}{١٠} = \frac{١٤}{٥}$

..... = = $\frac{٣٦}{٣٠}$ ب = $\frac{٥}{٢}$ ا
..... = = $\frac{١٤}{٢٠}$ د = = $\frac{٥٥}{٥٠}$ ج
..... = = $\frac{٩٥}{٢٥}$ و = = $\frac{٤٥}{٥٠}$ هـ

٢ اكتب في صورة عدد عشري كلاً من الأعداد الآتية (كما في المثال):

مثال: $١٢,٤٦ = ١٢ \frac{٤٦}{١٠٠} = ١٢ \frac{٢٣}{٥٠}$

..... = $٣٧ \frac{١}{٤}$ ب = $٨ \frac{٣}{٢٥}$ ا
..... = $\frac{١١٥}{٥٠٠}$ د = $\frac{١٢٩}{٥٠}$ ج

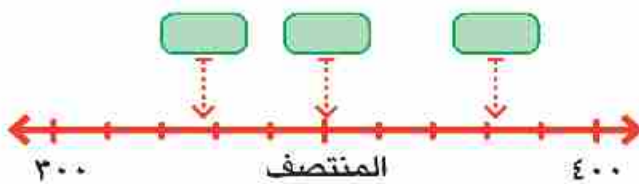
٣ اكتب في صورة عدد صحيح وكسر كلاً من الأعداد الآتية (كما في المثال):

مثال: $٣ \frac{٧}{٢٥} = ٣ \frac{٢٨}{١٠٠} = ٣,٢٨$

..... = $٦,٠٧$ ب = $٧,٣٥$ ا
..... = $٩,٠٠٣$ د = $١٢,٥٦$ ج

٤ اكتب الأعداد الآتية في أماكنها المناسبة داخل المستطيلات:

٣٥٠ ، ٣٨٢ ، ٣٢٨



ثم أكمل: $٣٢٨ \approx$ لأقرب مائة

$٣٨٢ \approx$ لأقرب مائة

$٣٥٠ \approx$ لأقرب مائة

٥ أكمل الجدول الآتي:

العدد	العدد لأقرب عشرة	العدد لأقرب مائة	العدد لأقرب ألف	العدد لأقرب وحدة
٤٧٢٣,٦
٧٢٥٩,٢
٦٤٣٤٥,٩٧

٦ صل كل عدد بالقيمة المقربة له لأقرب وحدة:

٧٥,٥٧	٧٦	٤٧,٣٩
$٤٧\frac{٢}{٣}$	٤٧	$٧٥\frac{٣}{٧}$
$٧٥\frac{٤}{٩}$	٤٨	٤٧,٧١
	٧٥	

٧ قرب كلا من الأعداد الآتية لأقرب جزء من عشرة:

٧٠٢٣,٥٤	٤٣٢,٧٦	٦٣,٢٣
$\frac{٧}{٥٠}$	$٢٤\frac{٣}{٢٠}$	$٣٦٧\frac{٣}{٤}$

٨ أوجد ناتج كل من العمليات الآتية ثم قرب الناتج حسب درجة التقريب المطلوبة.

لأقرب جزء من عشرة. \approx	$١٣,٥ + ٣٢,٢٧$
لأقرب وحدة. \approx	$٤٢١,٤٥ + ١٨,٠٧$
لأقرب عشرة. \approx	$٣٢,٧١ - ٨٥٤,٤٩$
لأقرب جزء من عشرة. \approx	$٥١٢,٢٨ - ٧٤٣,٦٥$

التقريب لأقرب جزء من مائة وأقرب جزء من ألف

تمارين

١ قَرِّب العدد $٤,٧٣٩٨$ لأقرب....

Ⓐ جزء من مائة. Ⓑ جزء من ألف.

٢ اختر الإجابة الصحيحة من بين الأقواس:

Ⓐ العدد $٧٣٦,٥٩٢ \approx ٧٣٦,٥٩$ لأقرب جزء من

(عشرة أو مائة أو ألف).

Ⓑ العدد $٨٢,٤٩٧ \approx ٨٢,٥٠$ لأقرب جزء من

(عشرة أو مائة أو ألف).

Ⓒ $\approx ٣ \frac{١}{٨}$ لأقرب جزء من مائة.

(٣,١٠ أو ٣,١٢ أو ٣,١٣)

Ⓓ $\approx ١٥,٧٥ + ١٣,٣٧٦$ لأقرب جزء من مائة.

(٢٩,١٠ أو ٢٩,١٢ أو ٢٩,١٣)

Ⓔ $\approx ٣٧,٤٢٨٩ - ١٤,٠٨١$ لأقرب جزء من ألف.

(٢٣,٣٥٠ أو ٢٣,٣٤٨ أو ٢٣,٣٤٨)

Ⓕ $\approx ٨,٦٥٧$ من المتر لأقرب سنتيمتر.

(٨٦٦ أو ٨,٦٦ أو ٨,٦)

٣ اكتب أصغر كسر عشري مكون من الأرقام ٢, ٥, ٧, ٨ ثم قَرِّب هذا العدد لأقرب جزء من

مائة، ولأقرب جزء من ألف.

٤ أكمل:

١ العدد $4,059 \approx 4,6$ لأقرب جزء من

ب الفرق بين $\frac{41}{500}$ ، $0,473$ = \approx لأقرب جزء من عشرة.

ج \approx = $1 \frac{3}{4} - 3 \frac{3}{4}$ لأقرب جزء من مائة.

د \approx = $1000 \div 4307$ لأقرب جزء من مائة.



٥ طريق طوله 74389 متراً أوجد طوله بالكيلو مترات مقرباً الناتج لأقرب جزء من مائة.

٦ أكمل:

١ 39 يوماً \approx أسبوعاً.

ب 255 ساعة \approx يوماً.

ج $12,4658$ من الكيلو متر \approx كيلو متر.

د 77 شهراً \approx سنة.

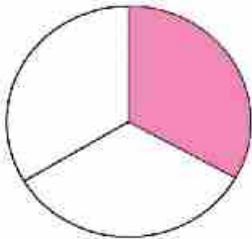
٧ إذا كان: $13,452 = س$ ، $7,273 = ص$

أوجد $س + ص$ مقرباً الناتج لأقرب جزء من مائة.
قدّر ناتج $س + ص$ ، هل تقديرك مقبول؟ فسّر إجابتك.

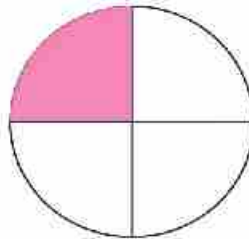
المقارنة بين الكسور

تمارين

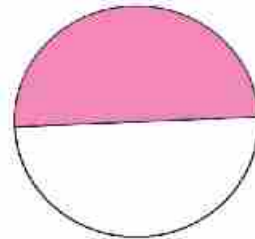
١ اكتب مايمثله الجزء الملون في كل شكل، ثم رتب الكسور ترتيباً تصاعدياً.



.....
.....

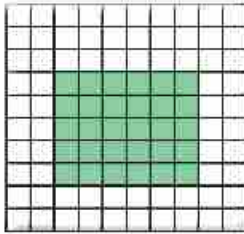


.....
.....

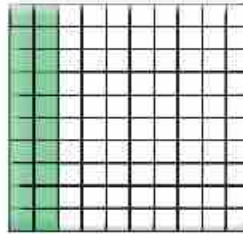


.....
.....

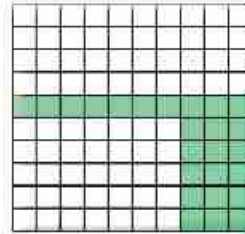
الترتيب التصاعدي:



.....
.....



.....
.....



.....
.....

الترتيب التصاعدي:

٢ ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (X) أمام العبارة الخاطئة:

() $٠,٥٠١ < ٥٠,٦١$ (ب)

() $٠,٤٠٧ > ٤,٣٧٦$ (أ)

() $٣ \frac{٤}{٩} < ٣,٥$ (د)

() $٠,٧٧٥ < \frac{٧}{٨}$ (ع)

() $٠,٢٥ = \frac{١}{٤}$ (و)

() $٢,٧ > ٢ \frac{٧}{٩}$ (هـ)

٣ أوجد قيمة أ، ب، ج إذا كان:

$$\frac{16}{k} = \frac{2}{3} \quad \text{⑤}$$

$$\frac{15}{24} = \frac{ج}{8} \quad \text{⑥}$$

$$\frac{1}{15} = \frac{2}{5} \quad \text{⑦}$$

٤ رتب الأعداد التالية تصاعدياً:

$$\frac{12}{15} ، \frac{12}{13} ، \frac{12}{17} ، \frac{12}{7} ، \frac{12}{5} \quad \text{⑧}$$













$$\frac{3}{7} ، \frac{7}{8} ، \frac{3}{8} ، \frac{3}{5} ، \frac{3}{2} \quad \text{⑨}$$

ضرب الكسور والأعداد العشرية في




١٠٠٠، ١٠٠، ١٠

تمارين




١ أكمل:

..... = ١٠٠ × ٥,٧٤٨  = ١٠ × ٣,٢  = ١٠ × ٣,١٨ 
..... = ١٠٠٠ × ٣,٢١٧٣  = ١٠٠ × ٩,٧  = ١٠٠ × ٧٣,١٤ 
..... = ١٠٠٠ × ٧,٣٢  = ١٠٠٠ × ٠,٣٤١  = ١٠٠٠ × ٦٢,٨١٩ 
..... = ١١,١ - (١٠ × ٢,٣٥) 	١٠٠ × (٣,١٤ - ٨,٣٥)  = ١٠ × (٣,٧ + ٧٣,١٢) 

٢ اختر الإجابة الصحيحة من بين الأقواس:

(٠,٠٩٨٧ - ٠,٩٨٧ - ٩٨٧٠ - ٩٨٧) = ١٠٠ × ٩٨,٧ 
(٦٧٠ - ٠,٠٦٧ - ٦٧ - ٦,٧) = ١٠٠٠ × ٠,٠٦٧ 
(٠,٠٢١٣ - ٢١٣ - ٢,١٣ - ٢١٣٠) = ١٠ × ٢١,٣ 

٣ أكمل مستخدماً (> أو < أو =) في المكان الخالي:

١٠٠ × ٠,٤٧٢ <input type="text"/>	١٠ × ٤,٧٢ 
١٠٠ × ٣٢٥,١ <input type="text"/>	١٠٠ × ٣,٢٥١ 
١٠٠٠ × ٠,٠٧٣١٥ <input type="text"/>	١٠ × ٧٣,١٥ 

٤ أكمل:

..... قرشا = ٧٢٨,٩ من الجنيه  جرام = ٣,٠٠٢ من الكيلو جرام 
..... متر = ٣,٦ من الكيلو متر  سم = ٣٧,٣ من الديسيمتر 

ضرب كسراً و عدد عشري في عدد

صحيح

تمارين

١ إذا كان: $٢٢٨٢ = ٧ \times ٣٢٦$ ، $١٩٢٤ = ٥٢ \times ٣٧$

أكمل بدون إجراء عملية الضرب:

..... = $٧ \times ٣٢,٦$ (ج) = $٧ \times ٠,٠٣٢٦$ (ب) = $٧ \times ٣,٢٦$ (ا)
..... = $٧ \times ٠,٣٢٦$ (و) = $٥٢ \times ٠,٣٧$ (د) = $٥٢ \times ٣,٧$ (هـ)
..... = $٧ \times ٠,٠٠٣٢٦$ (ظ) = $٥,٢ \times ٣٧$ (ح) = $٥٢ \times ٠,٠٠٣٧$ (ز)
..... = \times + $٧ \times ٣,٢٦ = (\text{.....} + ٧) \times ٣,٢٦ = ١٧ \times ٣,٢٦$ (ي)		

٢ أوجد ناتج:

$\begin{array}{r} ٠,٨١٩ \\ \times ٨ \\ \hline \end{array}$ (ج)	$٩ \times ٠,٣٥١$ (ب) = $٥ \times ٢,٣٧$ (ا)
--	----------------------	-----------------------------

$٣ \times ٢,١٥ + ٧ \times ٢,١٥$ (و)	$١١ \times ١,٣٥٢$ (هـ) = $٧ \times ٣٤,٢$ (د)
-------------------------------------	------------------------	-----------------------------

٣ إذا كان ثمن قطعة الحلوى الواحدة ٢,٧٥ من الجنيه، فما ثمن ١٥ قطعة من نفس النوع؟



٤ اشترى أحمد ١٢ علبة عصير، سعر الواحدة ١,٧٥ من الجنيه، كم جنيهاً يدفعها أحمد؟ وإذا دفع للبائع ٣٠ جنيهاً، فكم يرد البائع له؟

ضرب الكسور الاعتيادية

تمارين

- أكمل:

١

$$\frac{1}{8} = \frac{\dots}{\dots} \times \frac{1}{4} \quad \text{أ}$$

$$\frac{\dots}{\dots} = \frac{2}{5} \times \frac{1}{3} \quad \text{ب}$$

٢

$$\frac{\dots}{\dots} = \frac{1}{2} \text{ الـ } \frac{1}{5} \quad \text{أ}$$

$$\frac{\dots}{\dots} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{4} \text{ الـ } \frac{1}{3} \quad \text{ب}$$

$$\frac{\dots}{\dots} = \frac{1}{7} \text{ الـ } \frac{1}{3} \quad \text{أ}$$

$$\frac{\dots}{\dots} = \frac{1}{6} \text{ الـ } \frac{1}{2} \quad \text{ب}$$

٣

$$\frac{\dots}{\dots} = \frac{7}{8} \text{ الـ } \frac{1}{2} \quad \text{أ}$$







$$\frac{\dots}{\dots} = \frac{7}{7} \times \frac{3}{4} = \frac{7}{7} \text{ الـ } \frac{3}{4} \quad \text{ب}$$

$$\frac{4}{20} = \frac{\dots}{\dots} \text{ الـ } \frac{1}{5} \quad \text{ج}$$







ضرب الكسور العشرية

تمارين

١ أوجد ناتج:

$\dots = 0,9 \times 7,2$ 	$\dots = 0,7 \times 0,625$ 	$\dots = 0,3 \times 0,12$ 
$\dots = 0,75 \times 0,36$ 	$\dots = 0,24 \times 1,25$ 	$\dots = 0,37 \times 1,2$ 








٢ قارن بين نواتج عمليات الضرب مستخدماً (> أو < أو =):

$2,8 \times 0,73$ 	$0,28 \times 7,3$ 
$0,12 \times 3,42$ 	$1,2 \times 0,342$ 
$0,3 \times 0,172$ 	$0,003 \times 172$ 


٣ أوجد ناتج:

$9,72$	$2,03$	$0,67$
$0,46 \times$	$0,07 \times$	$2,8 \times$

٤ ضع العلامة المناسبة (> أو < أو =) لتصحيح العبارة صحيحة:

$0,25 \times 12,35$ 	$2,5 \times 12,35$ 
$37 \times 4,82$ 	$3,7 \times 48,2$ 
$15,3 \times 4,2$ 	$1,53 \times 4,2$ 
$0,5 \times 0,3 \times 2,06$ 	$1,5 \times 0,206$ 

٥ أوجد ناتج:

$0,59 \times 7,4$ 	$7,4 \times 2,3$ 
---	--

استخدم ما حصلت عليه من نواتج في حساب قيمة:

أولاً: $0,59 \times (7,4 \times 2,3)$ ثانياً: $(0,9 \times 7,4) \times 2,3$ ماذا تلاحظ؟

٦ أوجد ناتج:

١ $٠,٧٥ \times ٢٣,١٧$

ب $٣,٢ \times ١,٣٤$

ج $٣,١٤ - (٤,٧ \times ٢٦,٢)$

د $٠,١٤٦ + (٠,١٥ \times ٥,٣٢)$

٧ إذا كان سعر المتر الواحد من القماش ٦,٤٥ من الجنيه، فما ثمن ٣,٤ من المتر؟

٨ قُدِّر ناتج العمليات التالية، ثم قارن تقديرك بالناتج الفعلي:

١ $٢,٧ \times ٥,٣$

ب $٧,١ \times ١٨,٨$

ج $٤,٣ \times ٧,٨٢$

٩ اشترت سلوى قطعة قماش، طولها ٣,٧٥ من المتر، فإذا كان ثمن المتر الواحد ٣٣,٧٥ من الجنيه، احسب ثمن القماش مقربًا للناتج لأقرب جنيه.

١٠ إذا كان ثمن عبوة واحدة من العصير ١٩,٢٥ جنيهًا فما ثمن ٢٥ عبوة من نفس النوع؟

القسمة قسمة الكسور

تدريب

١ أوجد ناتج:

$$\dots = \frac{3}{4} \div \frac{3}{8} \quad \text{ب}$$

$$\dots = \frac{1}{2} \div \frac{4}{5} \quad \text{ا}$$

$$\dots = \frac{5}{7} \div \frac{2}{7} \quad \text{د}$$

$$\dots = \frac{1}{12} \div \frac{1}{2} \quad \text{ج}$$

٢ أكمل:

$$\frac{\dots}{5} = \frac{\dots}{\dots} \times \frac{3}{2} = \frac{\dots}{4} \div \frac{3}{2} = \frac{\dots+3}{4} \div \frac{2+1}{2} = 3 \frac{3}{4} \div 1 \frac{1}{2} \quad \text{ا}$$

$$\frac{3}{\dots} = \frac{\dots}{\dots} \times \frac{11}{2} = \frac{\dots}{3} \div \frac{11}{2} = 2 \frac{2}{3} \div 5 \frac{1}{2} \quad \text{ب}$$

٣ اقسام:

$$\frac{3}{10} \div \frac{1}{2} \quad \text{ج}$$

$$\frac{7}{10} \div \frac{2}{5} \quad \text{ب}$$

$$\frac{9}{10} \div \frac{3}{4} \quad \text{ا}$$

$$\frac{7}{10} \div \frac{4}{10} \quad \text{د}$$

$$\frac{9}{10} \div \frac{7}{10} \quad \text{هـ}$$

$$\frac{3}{10} \div \frac{9}{10} \quad \text{و}$$

قسمة الكسور والأعداد العشرية

على ١٠، ١٠٠، ١٠٠٠

تمارين

١ أكمل:

$$= 10 \div 64,43 \quad \text{أ} \quad = 100 \div 32,57 \quad \text{ب} \quad = 1000 \div 49,21 \quad \text{ج}$$

$$= 10 \div 537,1 \quad \text{د} \quad = 100 \div 6,243 \quad \text{هـ} \quad = 1000 \div 659,1 \quad \text{و}$$

٢ اختر الإجابة الصحيحة من بين الأقواس:

$$(0,017 \text{ و } 1,7 \text{ و } 0,17 \text{ و } 17) \quad \text{أ} \quad \dots\dots = 10 \div 1,7$$

$$(0,753 \text{ و } 7530 \text{ و } 7,53 \text{ و } 753) \quad \text{ب} \quad \dots\dots = 100 \div 75,3$$

$$(8760 \text{ و } 0,00876 \text{ و } 8,76 \text{ و } 87,6) \quad \text{ج} \quad \dots\dots = 1000 \div 8,76$$

٣ ضع العلامة المناسبة (> أو < أو =):

$$100 \times 0,3721 \dots\dots 1000 = 3721 \quad \text{أ} \quad 100 \div 45,22 \dots\dots 10 \div 4,522 \quad \text{ب}$$

٤ أكمل:

$$3237 \text{ جراماً} = \dots\dots \text{ من الكيلو جرام.} \quad \text{أ} \quad 734 \text{ ديسيمتر} = \dots\dots \text{ من المتر.} \quad \text{ب}$$

$$325 \text{ متراً} = \dots\dots \text{ من الكيلو متر.} \quad \text{ج} \quad 354 \text{ سم} = \dots\dots \text{ من المتر.} \quad \text{د}$$

$$54 \text{ كيلو جرام} = \dots\dots \text{ من الطن.} \quad \text{هـ} \quad 743 \text{ مم} = \dots\dots \text{ سم.} \quad \text{و}$$

٥ يراد توزيع ٥٣٤,٨ لتراً من البنزين على ١٠ سيارات. فكم لتراً تأخذه كل سيارة؟

قسمة عدد صحيح على عدد مكون من ثلاثة أرقام بدون باق

تمارين


١ بدون إجراء عملية القسمة، اختر الإجابة الصحيحة من بين الأقواس:


(٦٨، ٦٢، ٥٨، ٥٤) = $216 \div 11664$ 


(٦٣، ٥٤، ٥٢، ٤٨) = $379 \div 19708$ 

(١٩٠، ٢٠٠، ١٧٠، ١٦٠) = $234 \div 37440$ 

٢ أوجد خارج القسمة:

$296 \div 62160$ 

$160 \div 10340$ 

$493 \div 37961$ 

$211 \div 11183$ 

٣ عددان حاصل ضربهما ٩٠٨٨، فإذا كان أحدهما ٢٨٤ فما العدد الآخر؟

٤ أراد أصحاب أحد مصانع تعبئة المواد الغذائية تعبئة ٥٩٠٤ كيلو جرامات من السكر بالتساوي في ٤٩٢ عبوة، فكم وزن كل عبوة بالكيلو جرام؟



القسمة على كسر عشري وعدد عشري

تدريب

١ اقس $0,1932 \div 0,92$ وتحقق من معقولية الناتج.
الحل:

$$\begin{array}{r} \dots \times 0,1932 \\ \dots \times 0,92 \\ \hline \dots = \\ \dots = \\ \dots = \end{array}$$

التقدير:

المقسوم $0,1932 \leftarrow 0,2$
المقسوم عليه $0,92 \leftarrow \dots$
الناتج المقدر
الإجابة

٢ بدون إجراء عملية القسمة قدر ناتج كل من:

$0,58 \div 6,235$  $0,19 \div 8,018$ 

تحقق من صحة تقديرك باستخدام الآلة الحاسبة.

تدريب

١ أوجد خارج قسمة كل من:

$0,46 \div 0,0874$  $0,8 \div 0,416$ 
 $0,09 \div 36,18$  $0,35 \div 1,155$ 
 $0,31 \div 0,7595$  $0,7 \div 357$ 

٢ أوجد ناتج:

١ $٠,٤١ \div (٦٣,٢٥ - ٩٢,٣٦)$

٢ $٠,٣٨ \div (٤,٧٣ - ١٩,٦٤٥)$

٣ أوجد العدد الذي إذا ضرب في $٠,٦٤$ كان الناتج $٧٥,٥٢$

٤ أي العلاقات التالية صواب، وأيها خطأ وماذا تستنتج؟

١ $٣,٦ \times ١,٣ = ١,٣ \times ٣,٦$

٢ $٠,٨ \div ٠,٠٤ = ٠,٠٤ \div ٠,٨$

٥ رزمة من الورق ارتفاعها $١٠,٨$ سم، فإذا كانت جميع أوراقها متساوية في السمك، وشمك كل منها $٠,٠٩٠$ من المليمتر، فكم عدد أوراق الرزمة؟

تدريب

١ حوّل إلى صورة عشرية:

$\sqrt{1,00}$

$\dots = \frac{1}{8}$ أ

$\sqrt{3,00}$

$\dots = \frac{3}{4}$ أ

$\dots = \frac{4}{20}$ ب

$\sqrt{7,00}$

$\dots = \frac{7}{40}$ ج

٢ أكمل مايلي لتقدير ناتج العمليات الحسابية التالية:

$\dots = \frac{\dots \times 8}{16}$ التقدير

$\frac{4,2 \times 7,06}{10,7}$ أ

$\dots = \frac{\dots \times \dots}{\dots \times \dots} =$ التقدير

$\frac{9,7 \times 9,8}{4,8 \times 4,6}$ ب

٣ أوجد خارج قسمة كل من:

$1,9 \div 0,171$ أ

$1,2 \div 2,77$ أ

$621 \div 7,452$ ب

$6,07 \div 60,7$ ج

$93,6 \div 21,028$ ج

$8,4 \div 38,64$ د

٤ أوجد ناتج:

$1,8 + (3,1 \div 20,42)$ أ

$(32,0 \div 00,20) - 3,62$ ب

٥ ثوب من القماش طوله ٥٣,٥٥ من المتر تم تقسيمه إلى قطع متساوية، طول القطعة الواحدة ٣,١٥ من المتر، أوجد عدد هذه القطع.

٦ بدون إجراء العمليات الحسابية قدر ناتج كل من:

$$٣,١ \div (١١,٢ \times ٥,٣) \quad \text{أ}$$

$$٥,٢ \times (٧,١ \div ٢٠,٩) \quad \text{ب}$$

٧ أوجد خارج قسمة:

$$٣,٥ \div ٩٤,٥ \quad \text{أ}$$

$$٠,٢ \div ٢,٦٤ \quad \text{ب}$$

تدريب

أكمل:

$$\frac{١}{١٠} \dots \approx \frac{٥}{٩} \quad \text{أ}$$

$$\frac{١}{١٠} \dots \approx \frac{٩}{٧} \quad \text{ب}$$

$$\frac{١}{١٠} \dots \approx \frac{٧}{٣} \quad \text{أ}$$

$$\frac{١}{١٠} \dots \approx \frac{٣}{١١} \quad \text{ب}$$

تمارين عامة

١ اقسم مقرباً الناتج لأقرب $\frac{1}{10}$

ب $9,07 \div 24,31$

أ $2,1 \div 53,27$

د $0,017 \div 12,46$

ج $0,102 \div 1,623$

٢ أوجد الناتج لأقرب جزء من مائة:

ب $0,15 \times 1,775$

أ $1,7 \div 7,034$

د $(11,08 - 14,73) \div 7,52$

ج $2,8 \div (1,07 + 3,425)$

٣ ضع العلامة المناسبة (< أو > أو =):

أ $0,01$ $4,6 \div 0,46$

ب 39 $1,7 \times 17,17$

ج $0,35 \div 0,37$ $3,5 \div 53,7$

د $0,1 \times (49 \div 84,5)$ $4,9 \div 845$

٤ أوجد خارج قسمة كل مما يأتي:

ب $0,125 \div 2 \frac{1}{8}$

أ $9 \frac{1}{5} \div 9,068$

د $0,85 \div \frac{17}{40}$

ج $0,012 \div \frac{3}{25}$

٥ أوجد طول المستطيل الذي مساحته $9,43$ سم^٢، وعرضه $2,45$ سم لأقرب جزء من مائة من السنتيمتر.

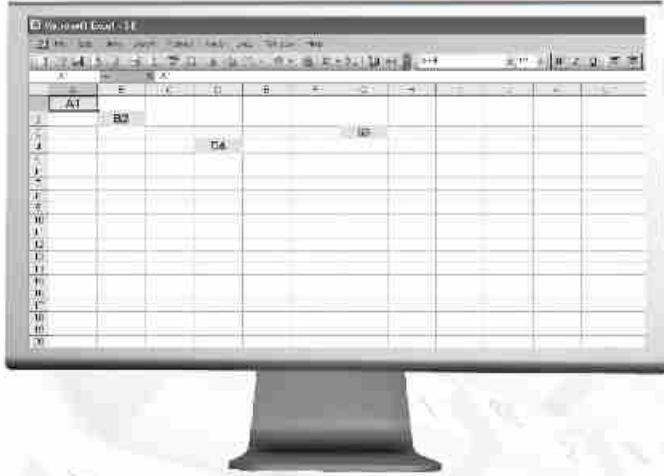
٦ أكمل مكان النقط:

ب $4,5 = 9 \div \dots$

أ $8 \frac{1}{2} = \dots \div 4,25$

٧ أوجد مساحة المربع الذي طول ضلعه $0,06$ متر، مقرباً الناتج لأقرب جزء من مائة.٨ أوجد خارج قسمة $458,62 \div 35,2$ لأقرب جزء من مائة٩ اقسم 375 على $0,5$: ثم أضف إلى الناتج $5 \frac{1}{4}$ ١٠ أوجد عرض المستطيل الذي مساحته $10,25$ متر مربع، وطوله $4,1$ متر ثم احسب محيطه

تطبيقات باستخدام التكنولوجيا



كيف تتعامل مع الإكسيل (Excel)؟

start (ابدأ) ثم programs (البرامج) ثم office (المكتب) ثم Excel (الجدول الإلكتروني) يظهر على الشاشة الجدول المقسم إلى صفوف وأعمدة.

كل خانة فيه تسمى (الخلية) مثلاً B_2 تحدد العنصر في الصف رقم ٢ والعمود B الخلية D_4 تحدد العنصر في الصف رقم ٤ والعمود D.

مثال: استخدم برنامج الجداول الإلكترونية (إكسيل) لإيجاد قيمة $\frac{V}{A} \div 0,75$



١ سجل العدد ٠,٧٥ في الخلية A_1 ، والعدد ٧ في الخلية C_1 والعدد ٨ في الخلية D_1 .

٢ اضغط بالماوس في الخلية G_1 واكتب = ثم C_1/D_1 ثم اضغط **Entre**.

٣ اضغط بالماوس في الخلية A_1 واكتب = ثم A_1/G_1 ثم اضغط **Entre** يظهر ناتج العملية.

لإيجاد ناتج: $\frac{V}{A} + 0,75$

اضغط بالماوس في الخلية K_1 واكتب = ثم $A_1 + G_1$ ثم اضغط **Entre** يظهر ناتج العملية.

أوجد بنفسك:

$$\frac{V}{A} \times 0,75$$

(لاحظ أن عملية الضرب رمزها = وعملية القسمة /)

من التاريخ

تم بناء أهرامات الجيزة منذ أكثر من ٥٠٠٠ سنة قبل الميلاد، ويعتبر هرم خوفو أكبر الأهرامات؛ إذ يبلغ ارتفاعه ١٤٦ مترًا، وتساوي مساحة قاعدته ٥٣ ألف متر مربع تقريباً.

١ كان كل حجر من الأحجار التي

استخدمت في بناء هذه الأهرامات يزن في أغلب الأحيان ٣,٢ طن تقريباً، ما وزن ١٠٨ أبحار بالكيلو جرامات؟

٢ تزن بعض أبحار الهرم الضخمة ١٥,٣ طن. إذا كان الفيل يزن ٣ أطنان، فكم تقريباً عدد الفيلة التي مجموع أوزانها يساوي وزن حجر واحد؟

٣ إذا كان العمل على صقل كل حجر من أبحار الأهرامات يستغرق ٢٥ دقيقة، فهل نستطيع صقل ٨ أبحار خلال ٣ ساعات؟ وضح ذلك.

استخدم مصادر المعرفة (المكتبة - شبكة المعلومات الدولية (الإنترنت)) في كتابة مقالة من ١٠ أسطر عن أهرامات الجيزة.

اختبار الوحدة الأولى

١ أوجد ناتج العمليات الآتية مقربًا الناتج لأقرب جزء من مائة.

٦٣,٤٢٧ + ٦٥,٣٨٤




١٢٢,٧٤٣ - ٧٢٩,٧٢




١٠٠ × ٧٥,٣٢٤٨٩

١٠ ÷ ٢٦,٤٣٩٢

٢ تسع إحدى سيارات النقل ١٢٥ صندوقًا من البرتقال، في كم مرة يمكن نقل ٤٣٧٥ صندوقًا؟



٣ أيهما أكبر $\frac{5}{8}$ أم $0,5734$ وأوجد الفرق بينهما.  
ب) أوجد العدد الذي إذا ضرب في $0,37$ كان الناتج $17,8932$. 

٤ رتب الكسور الآتية ترتيبًا تنازليًا $\frac{1}{4}$ ، $0,8$ ، $\frac{1}{4}$ ، $0,3$  
ب) مستطيل طوله $25,4$ سم، وعرضه $18,09$ سم، أوجد محيطه و مساحته. 

الوحدة الثانية

المجموعات

٢



11
22
33
44
55
66
77
88
99
00

11
22
33
44
55
66
77
88
9999999 9999 9999

1
22
33
44
55
666
7777
8888
9999
0000
11
22
333
4444
55
665
7777
8888 111
9999 222
0000 333
444
55
66
777
888
999

ماذا تعنى المجموعة؟

تمارين

١ أكمل الجدول كما بالمثال:

التعبير	مجموعة أم لا
شهور السنة الهجرية.	مجموعة.
التلاميذ طوال القائمة في فصلك.	ليست مجموعة.
فصول السنة المناخية.
حروف كلمة مصر.
التخصص الجميلة.
الأعداد الأولية المحصورة بين ٥، ٢٥.

٢ اكتب جميع عناصر كل من المجموعات الآتية:

عناصرها	المجموعة
.....	مجموعة أرقام العدد ٣٠٧٢
.....	مجموعة ألوان علم جمهورية مصر العربية.
.....	مجموعة أيام الأسبوع.
.....	مجموعة أشهر السنة التي يقل عدد أيامها عن ٣٠ يوماً.
.....	مجموعة الأعداد المكونة من رقمين وكل منهما مثل الآخر.
.....	مجموعة أشهر السنة الهجرية.

التعبير عن المجموعة




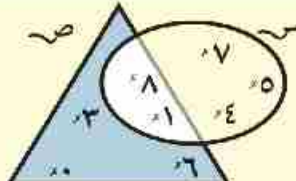


أكمل الجدول الآتي للتعبير عن كل من المجموعات التالية:

طريقة الصفة المميزة	طريقة السرد
مجموعة حروف كلمة (جير).	{ ج، ب، ر }
.....	{ شرق، غرب، شمال، جنوب }
مجموعة ألوان علم جمهورية مصر العربية.	{
مجموعة أرقام العدد ٤٦٤٢١.	{
.....	{ أبو بكر، عمر، عثمان، علي }
مجموعة حروف كلمة (مسلسل).
.....	{ ١٠، ٨، ٦، ٤، ٢ }
.....	{, ٧، ٥، ٣، ١ }
.....	{, ٨، ٦، ٤، ٢، ٠ }

تدريب

أكمل الجدول:

شكل فن	المجموعة
	<p>س = {٢، ٥، ٨}</p>
	<p>طريقة السرد س = {.....}</p> <p>طريقة الصفة المميزة هي</p>
	<p>ع = مجموعة حروف كلمة (سلام)</p>
	<p>س = {.....}</p> <p>ص =</p> <p>مجموعة العناصر الموجودة في كل من المجموعتين</p> <p>س، ص هي</p>

انتماء عنصر للمجموعة

تمارين

١ اكتب كلاً من العبارات التالية باستخدام أحد الرمزين \in أو \notin .

الرمز	العبارة
\in س ٦	٦ عنصر من عناصر المجموعة س
.....	٥ تنتمي إلى المجموعة ص
.....	ب لا تنتمي إلى المجموعة م
.....	٧ لا تنتمي إلى المجموعة ن
.....	ب عنصر من عناصر المجموعة ك

٢ إذا كانت المجموعة س = $\{٢، ٣، ٥، ٦\}$

ضع الرمز المناسب \in أو \notin مكان النقط: لتكون العبارة صحيحة:

- ١ س (ب) ٥ س (ج) ٧ س (د) ٦ س (هـ) ٠ س (و) ٢ س (ز) ١ س (ح) ٣٢ س

٣ ضع الرمز المناسب \in أو \notin مكان النقط لتكون العبارة صحيحة:

- ١ $\{٢، ١، ٧\}$ (ب) ص مجموعة حروف كلمة (مصر).
 ٢ مجموعة الأعداد الفردية. (د) ٧ مجموعة أيام الأسبوع.
 ٣ شهر مارس مجموعة فصول السنة. (و) ٣ $\{١٣، ٣٣، ٣٣٠\}$

٤ أكمل بعدد مناسب:

- ١ إذا كانت $٤ \in \{٢، ٥، س\}$ فإن س =
 ٢ إذا كانت $٥ \in \{٧، ٩، س\}$ فإن س =
 ٣ إذا كانت $٥ \in \{٣، ٤ + س\}$ فإن س =

٤ $\in \{٣، ٥، ١٠\}$ وتنتمي أيضاً إلى مجموعة عوامل العدد ٦.

أنواع المجموعات

تمارين

١ أى المجموعات الآتية منتهية وأيها غير منتهية، وفي حالة المجموعة المنتهية اكتب عدد عناصرها:

غير منتهية	عدد عناصرها	منتهية	المجموعة
x	٧	✓	مجموعة أيام الأسبوع.
			مجموعة شهور السنة الميلادية.
			مجموعة الأعداد الفردية.
			مجموعة الأعداد الأولية الأصغر من ٢٠.
			مجموعة حروف كلمة (سندس).
			مجموعة عوامل العدد ٣.
			مجموعة حروف اللغة الإنجليزية.

٢ أى المجموعات الآتية خالية وأيها غير خالية؟

- () أ مجموعة تلاميذ فصلك الذين زاروا القمر.
- () ب مجموعة محافظات جمهورية مصر العربية في قارة آسيا.
- () ج مجموعة الأعداد التى تقبل القسمة على ٧ والمحصورة بين ٨، ١٥.
- () د مجموعة عوامل العدد ١٥ التى تقبل القسمة على ٢.
- () هـ مجموعة الأعداد التى تقبل القسمة على ٥ والمحصورة بين ٥، ١٠.
- () و مجموعة محافظات الوجه القبلى في جمهورية مصر العربية والتى تطل على البحر الأبيض المتوسط.

المجموعات المتساوية

تمارين

١ ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة.

- () $\{5, 2, 1\} = \{5, 2, 1\}$ Ⓐ
- () $\{ب, ج, ر\} =$ مجموعة حروف كلمة (برج) Ⓑ
- () $\{6, 3, 2, 1\} =$ مجموعة عوامل العدد ٦. Ⓒ
- () $\{5, 2, 3\} = \{3, 5, 2\}$ عندما $س = ٣$. Ⓓ

٢ إذا كانت $س =$ مجموعة حروف كلمة (علم)، $ص =$ مجموعة حروف كلمة (معلم) هل $س = ص$ ؟

٣ إذا كانت $\{س, ٢, ٧\} =$ مجموعة أرقام العدد ٢٢٥٧ فأوجد قيمة $س$.

٤ صل بين المجموعات المتساوية في العمودين:



مجموعة حروف كلمة زويل

مجموعة أرقام العدد ٩٦٨٨

{الصيف، الشتاء، الربيع، الخريف}

مجموعة شهور السنة التي عدد أيام كل منها ٣٥ يومًا.

{٣، ٥}

مجموعة الأعداد الزوجية المكونة من رقمين.

{٩، ٨، ٦}

{٩٨، ...، ١٤، ١٢، ١٠}

{٥، ٣}

{و، ز، ل، ي}

مجموعة فصول السنة.

∅

٥ ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة في كل مما يأتي:

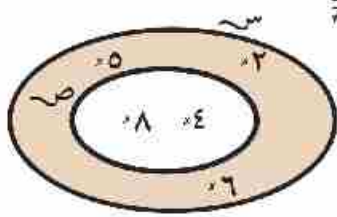
- () $\{6, 4, 2, 0\} =$ مجموعة الأعداد الزوجية الأقل من ٦ Ⓐ
- () $\{99, 77\} =$ مجموعة أرقام العدد ٩٩٧٧ Ⓑ
- () $\{... , 9, 6, 3\} =$ مجموعة أعداد العد التي تقبل القسمة Ⓒ

الاحتواء والمجموعات الجزئية

تمارين

١ أكمل الجدول:

المجموعة س	المجموعة ص	استخدم الرمز \supset أو $\not\supset$
{١٠، ٩، ٧}	{٦، ٧، ٨، ٩، ١٠}	س ص
{أ، ب، ج}	{أ، ب، د، ح}	س ص
{٣، ٢، ١}	مجموعة الأعداد الأولية.	س ص
حروف كلمة رجب	حروف كلمة جبر.	س ص
{يناير، مارس}	شهور السنة الميلادية.	س ص
{الندن}	مجموعة عواصم دول العالم.	س ص

٢ باستخدام شكل فن المجاور أكمل بأحد الرموز \supset أو $\not\supset$ أو \ni أو $\not\ni$

- ١ ص س
- ٢ س
- ٣ {٥} ص
- ٤ س
- ٥ س
- ٦ ص
- ٧ {٨، ٦} س

٣ عين المجموعات الجزئية لكل من المجموعات الآتية:

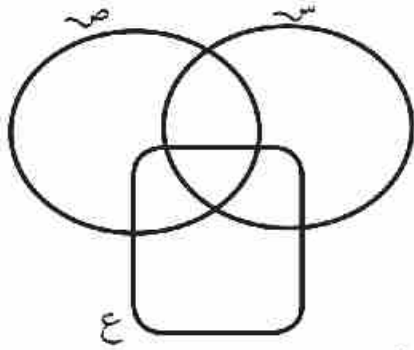
- ١ {٨}
- ٢ $\{\emptyset\}$
- ٣ {٩، ٥، ٣}
- ٤ {٩٩}
- ٥ مجموعة أحرف كلمة (بلبل).

٤ اذكر صحة أو خطأ كل مما يأتي:

- ١ $\{١٠٠\} \supset \{١٠٠٠\}$
- ٢ $\{١٠٠\} \supset \{٠\}$
- ٣ $\{٠\} \supset \emptyset$
- ٤ $\{٩٩\} \ni ٩$

تقاطع مجموعتين

تمارين



١ في شكل فَن المقابل:

أ لَوْن باللون الأحمر سـ ن صـ.

ب لَوْن باللون الأخضر سـ ن عـ.

ج لَوْن باللون الأصفر صـ ن عـ.

د حدد كلاً من (سـ ن صـ) ن عـ، سـ ن (صـ ن عـ) ماذا تلاحظ؟

٢ أكمل:

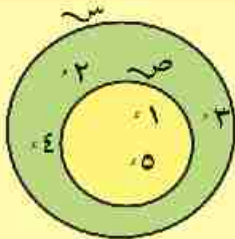
..... = {٩، ٤، ٢، ١} ∩ {٩، ٢، ١} ب

..... = {٥، ٤} ∩ {٦، ٥} ا

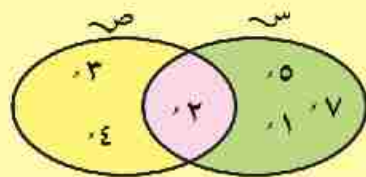
..... = {٥٥، ٢٣، ٤} ∩ {٥، ٢، ٣} د

..... = {١، ١٤، ٢} ∩ {١٤، ٧، ١} ج

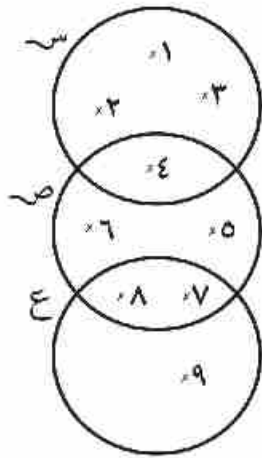
٣ أكمل



..... = ص ∩ س



..... = ص ∩ س



٤ استخدم شكل فن المقابل

اكتب كلاً من س، ص، ع، بطريقة السرد، ثم أوجد كلاً من:

س \cap ص = **أ**

س \cap ع = **ب**

ص \cap {٨، ٧، ٦، ٥} = **ج**

ص \cap ع = **د**

ص \cap {٨، ٥، ٢} = **هـ**

س \cap {٢، ٣} = **و**

٥ ضع الرمز المناسب \exists أو \nexists أو \supset أو $\not\supset$ لتكون العبارة صحيحة:

فإن ٣ س

إذا كانت س = {٦، ٤، ٢} \cap {٣، ٢، ١} = **أ**

فإن {٥، ٣، ٢، ١} ص

إذا كانت ص = {٥، ٣، ٢} \cap {٥، ٣، ١} = **ب**

فإن ٤ ع

إذا كانت ع = {٤، ٣، ٢} \cap {٥، ٤، ٣} = **ج**

فإن ر {٥، ٢}

إذا كانت ر = {٥، ٣} \cap {٦، ٥، ٢} = **د**

فإن م {٢}

إذا كانت م = {٥، ١} \cap {٣، ٢، ٥} = **هـ**

٦ إذا كانت س = {٣، ٢، ١}، ص = {٦، ٥، ٣، ٢}، ع = {٥، ٢، ١} مثل بشكل فن كلاً من

س، ص، ع، ثم أوجد:

ثانياً: س \cap (ص \cap ع) ماذا تلاحظ؟

أولاً: (س \cap ص) \cap ع

اتحاد مجموعتين

تمارين

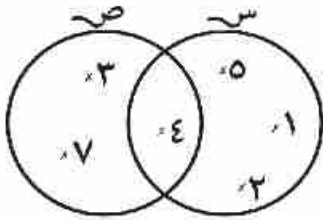
١ أكمل:

..... = {٣، ١} ∪ {٥، ١}

..... = {٤} ∪ {٢}

..... = ∅ ∪ {٦، ٤، ١}

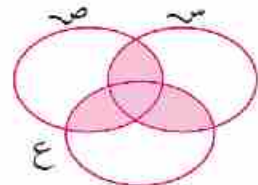
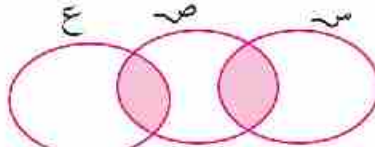
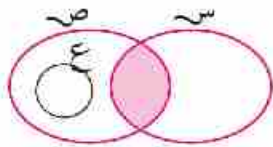
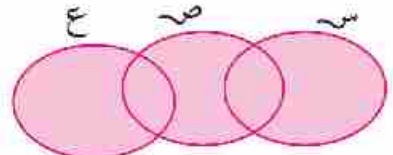
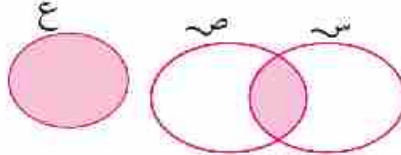
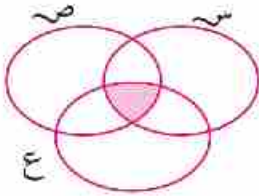
..... = {١٢، ٣، ٢} ∪ {١٢، ٢، ١}



٢ باستخدام شكل فن المقابل. أوجد كلاً من ص ∪ س، ص ∩ س، ص ∪ س، ص ∩ س ماذا تلاحظ؟

٣ إذا كانت س = {٣، ٢، ١}، ص = {٦، ٥، ٣، ٢}، ع = {٥، ٣، ١} أوجد كلاً من (س ∪ ص) ∪ ع، س ∪ (ص ∩ ع) ماذا تلاحظ؟

٤ في كل من أشكال فن التالية. اكتب ماتمثلة المنطقة الملونة:



المجموعات الشاملة

تمارين

المجموعات المعطاة في كل من الحالات التالية تمثل مجموعات جزئية. اكتب مجموعة شاملة تراها مناسبة لكل حالة:

١ س = {القاهرة، حلوان، ٦ أكتوبر}

ص = {الشرقية، الإسكندرية}

ش =

٢ س = مجموعة مدرسي الرياضيات في مدرستك.

ص = مجموعة مدرسي العلوم في مدرستك.

ش =

٣ س = {٨، ٥، ٢}

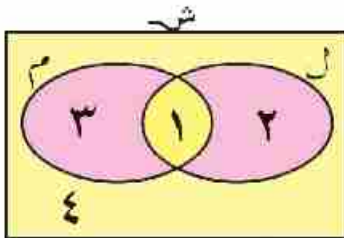
ص = {٨، ٧، ٣، ٢}

ش = (مثل بشكل فن)

٤ س = {طه حسين، يوسف إدريس، توفيق الحكيم}

ش =

٥ شكل فن المجاور يمثل المجموعتين ل، م والمجموعة الشاملة ش. إذا رقمنا المناطق المختلفة في شكل فن بالأرقام ١، ٢، ٣، ٤ فهل تستطيع التعبير عن المناطق التالية باستخدام المجموعتين ل، م والعمليتين \cap ، U .



أ المنطقتان ٢، ١، ٣

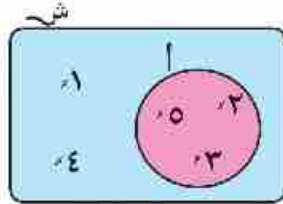
ب المناطق ١، ٣

أ المنطقة ١

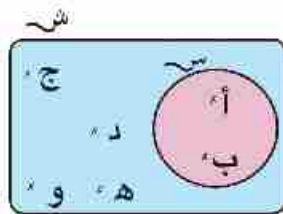
ب المنطقتان ١، ٣

مكاملة المجموعة

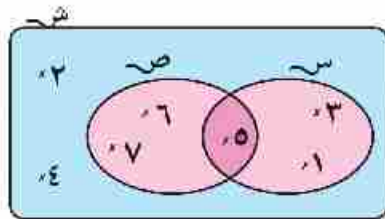
تمارين



١ باستخدام شكل فن المقابل أكمل:
شـ = = أ =



٢ باستخدام شكل فن المقابل أكمل:
شـ = = سـ
سـ ∩ سـ =
سـ ∪ سـ =



٣ باستخدام شكل فن المقابل أكمل:
شـ = = سـ
صـ = = سـ
صـ ∪ سـ =
صـ ∩ سـ = (صـ ∪ سـ)

٤ إذا كانت شـ هي مجموعة الأعداد الزوجية الأقل من ١٦، $A = \{4, 6, 8, 10, 12\}$ ، $B = \{2, 6, 8, 14\}$ ، أوجد كلاً من: $A \cup B$ ، $A \cap B$ ، $(A \cap B)$.

٥ إذا كانت شـ مجموعة عوامل العدد ١٢، أ مجموعة عوامل العدد ٦ أوجد $A \cup B$.

٦ إذا كانت شـ $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ ، سـ $\{3, 4, 5\}$ ، صـ $\{1, 2, 3\}$ ، فأوجد كلاً من المجموعات الآتية:

- | | |
|-----------|--------------|
| ١ سـ | ب صـ |
| ٢ سـ ∩ صـ | د (سـ ∩ صـ) |
| ٣ سـ ∪ صـ | هـ (سـ ∪ صـ) |
| ٤ سـ ∩ صـ | ج سـ ∩ صـ |

الفرق بين مجموعتين

تمارين

أكمل :

٢

..... = ص - س

..... = س - ص

١

..... = ص - س

..... = س - ص

٤

..... = ص - س

..... = ص - ع

..... = س - ع

..... = ع - ص

٣

..... = ص - س

..... = س - ص

تمارين عامة

١ ضع الرمز المناسب \exists أو \forall أو \subset أو مكان النقط:

- أ {١، ٣، ٢} ٨ {٥، ٧} أ
 ب {١، ٣، ٢} ٢ {٢٢، ٤٤} ب
 ج {١، ٢} مجموعة الأعداد الأولية. ج
 د (س ن ص) س د
 هـ \emptyset {٠} هـ

٢ أكمل لتحصل على عبارة صحيحة:

- أ إذا كانت س = {٢، ٣}، ص = {٣، ٥} فإن س ن ص = أ
 ب إذا كانت {١، ٢} = {ص، ٢} فإن س = ب
 ج إذا كانت س \subset ص فإن س ن ص = ج
 د {١، ٢، ٤، ٦} - {١، ٢، ٤} = د
 هـ إذا كانت \exists ٤ {٢، ٣، ٧} فإن س = هـ

٣ اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات التي بين القوسين أمام كل عبارة.

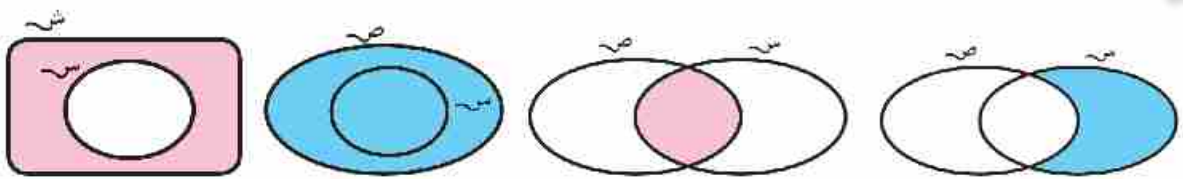
- أ {١، ٧} {٠، ١، ٢، ٣، ٤، ...} أ
 ب س - س = ب
 ج إذا كانت {٢، ٥، ٧} = {٥، ٢، ٧} فإن أ = ج
 د {٥} - {١، ٢، ٥} = د
 هـ عدد المجموعات الجزئية لمجموعة {٥} هي (٠ أو ١ أو ٢ أو ٣) هـ

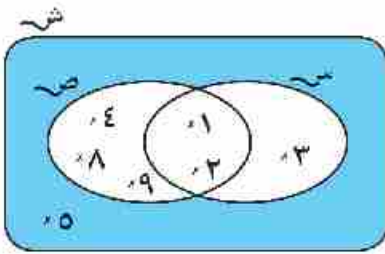
٤ إذا كانت س = {١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦}، س = {٢، ٣، ٥}، ص = {٣، ٤، ٥} مثل هذه المجموعات

بشكل فن، ثم اكتب بطريقة السرد كلاً من:

س ن ص، س ن ص، س - ص، س -

٥ عبّر عن الجزء الملون في كل من الأشكال التالية:





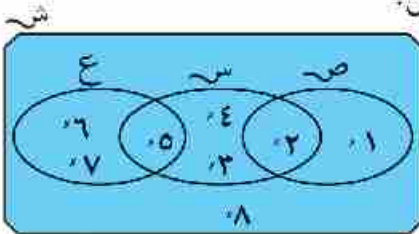
٦ باستخدام شكل فن المقابل. أوجد بطريقة السرد كلاً من:

- ١ سـ U صـ
 ٢ سـ - صـ
 ٣ (سـ U صـ)
 ٤ سـ ∩ صـ
 ٥ سـ - صـ

٧ اكتب جميع المجموعات الجزئية للمجموعة سـ = {أ، ب، ج}

٨ باستخدام شكل فن المقابل. اكتب بطريقة السرد كلاً من:

- ١ سـ ∩ عـ
 ٢ سـ - عـ
 ٣ عـ - سـ
 ٤ سـ ∪ عـ
 ٥ عـ - سـ



٩ إذا كانت سـ = {٥، ٤، ٣}، صـ = {٤، ٣، ٢}،

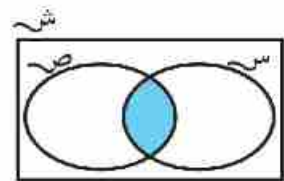
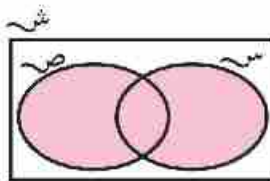
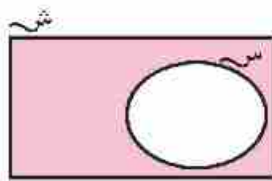
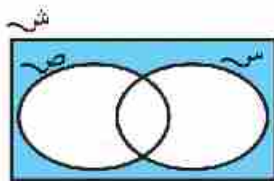
ضع الرمز المناسب ∩ أو ∪ أو ∩ أو ∪ مكان النقط.

- ١ ٢
 ٢ {٥، ٣} ∩ سـ
 ٣ {٢، ٣} ∩ صـ
 ٤ ٥ ∩ سـ
 ٥ ∅ ∩ صـ
 ٦ {٤، ٣، ٢} ∩ سـ

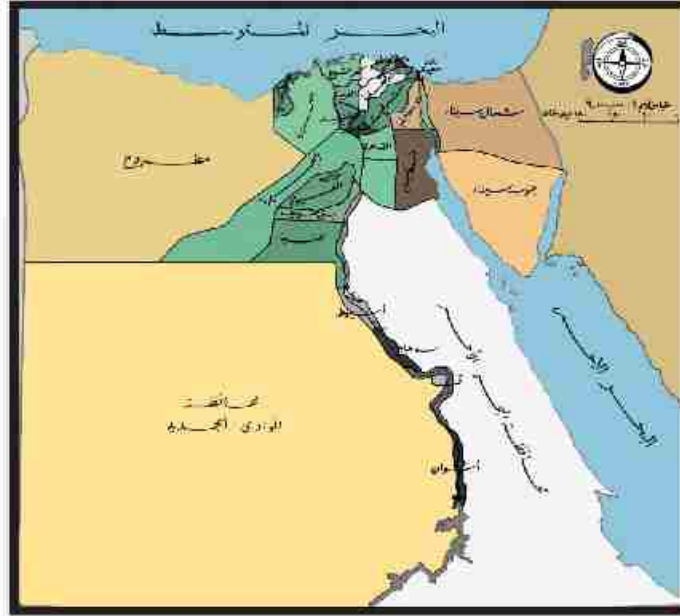
١٠ أوجد قيمة س التي تجعل العبارة صحيحة:

- ١ {١ + س، ٧، ٥} ∩ ٣
 ٢ س ∩ {٥، ٣} ∩ {٥، ٢} ∩ س
 ٣ {٣} = {٧، ٣} ∩ {س، ٢}

١١ اكتب ما يمثله الجزء الملوّن في كل من أشكال فن التالية:



١٢ أوجد جميع المجموعات الجزئية للمجموعة سـ = {أ، ب، ج، د} التي عدد عناصر كل منها = ٢ كم عدد هذه المجموعات.



١ استعن بخريطة جمهورية مصر العربية، وبمساعدة معلم الدراسات الاجتماعية في فصلك، ثم اكتب:

سـ مجموعة محافظات مصر الساحلية.

صـ مجموعة محافظات الوجه القبلي.

عـ مجموعة محافظات الوجه البحري.

أوجد: سـ ن ص ، صـ U ع، سـ - صـ

هل مجموعة عواصم دول العالم تمثل مجموعة منتهية؟ فسر لماذا؟

٢ كون فريق عمل مع زملائك في الفصل و أوجد:

سـ مجموعة تلاميذ فصلك الذين أعمارهم أكبر من ١٠ سنوات.

صـ مجموعة تلاميذ فصلك الذين تقل أعمارهم عن ١٠ سنوات.

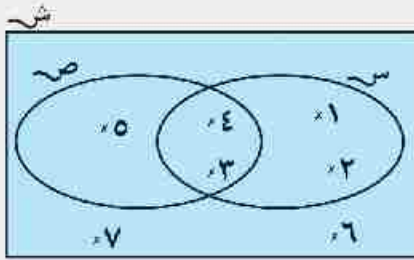
هل سـ U صـ تمثل مجموعة تلاميذ الفصل؟

اختبار الوحدة الثانية

١) ضع الرمز المناسب \exists أو \forall أو \subset أو \supset مكان النقط لتكون العبارة صحيحة:

أ) $\{0, 2\} \dots \{5, 2\}$ ب) $\{3\} \dots \{3, 1\}$

ج) $5 \dots$ مجموعة أرقام العدد 2013 د) $4 \dots \{44\}$



٢) استخدم شكل فن المقابل؛ لإيجاد كل من:

أ) $س \cap ص$ د) $ص - س$

ب) $س \cup ص$ هـ) $ص$

ج) $س - ص$ و) $(س \cup ص)$

٣) اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات التي بين القوسين أمام كل عبارة:

أ) إذا كان $\{س, 4, 3\} = \{4, 3, 2\}$ فإن $س =$ (2 أو 3 أو 4 أو 5)

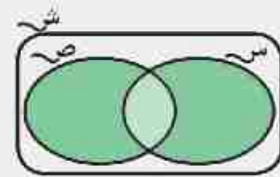
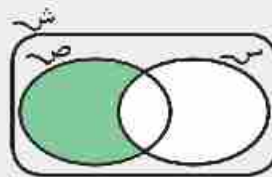
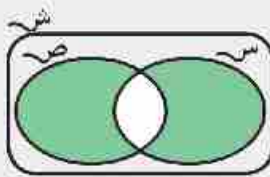
ب) $\emptyset \dots \{0\}$ (= أو \subset أو \supset أو \exists)

ج) إذا كانت $س \supset ص$ فإن $س \cap ص =$ (س أو ص أو \emptyset أو س-ص)

د) $س - س =$ (0 أو $\{0\}$ أو \emptyset أو س-ص)

هـ) إذا كانت $أ \exists س$ فإن $أ \dots س$ (\supset أو \exists أو \forall أو \subset)

٤) اكتب ما يمثل الجزء الملوّن في كل من أشكال فن التالية:



٥) إذا كانت $ش = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ ، $ص = \{1, 2, 3, 4\}$ ، $س = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ ، $س \cap ص = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$

اكتب بطريقة السرد كلاً من:

ج) $س - ص$

ب) $س \cap ص$

أ) $س \cup ص$

و) $(س \cap ص)$

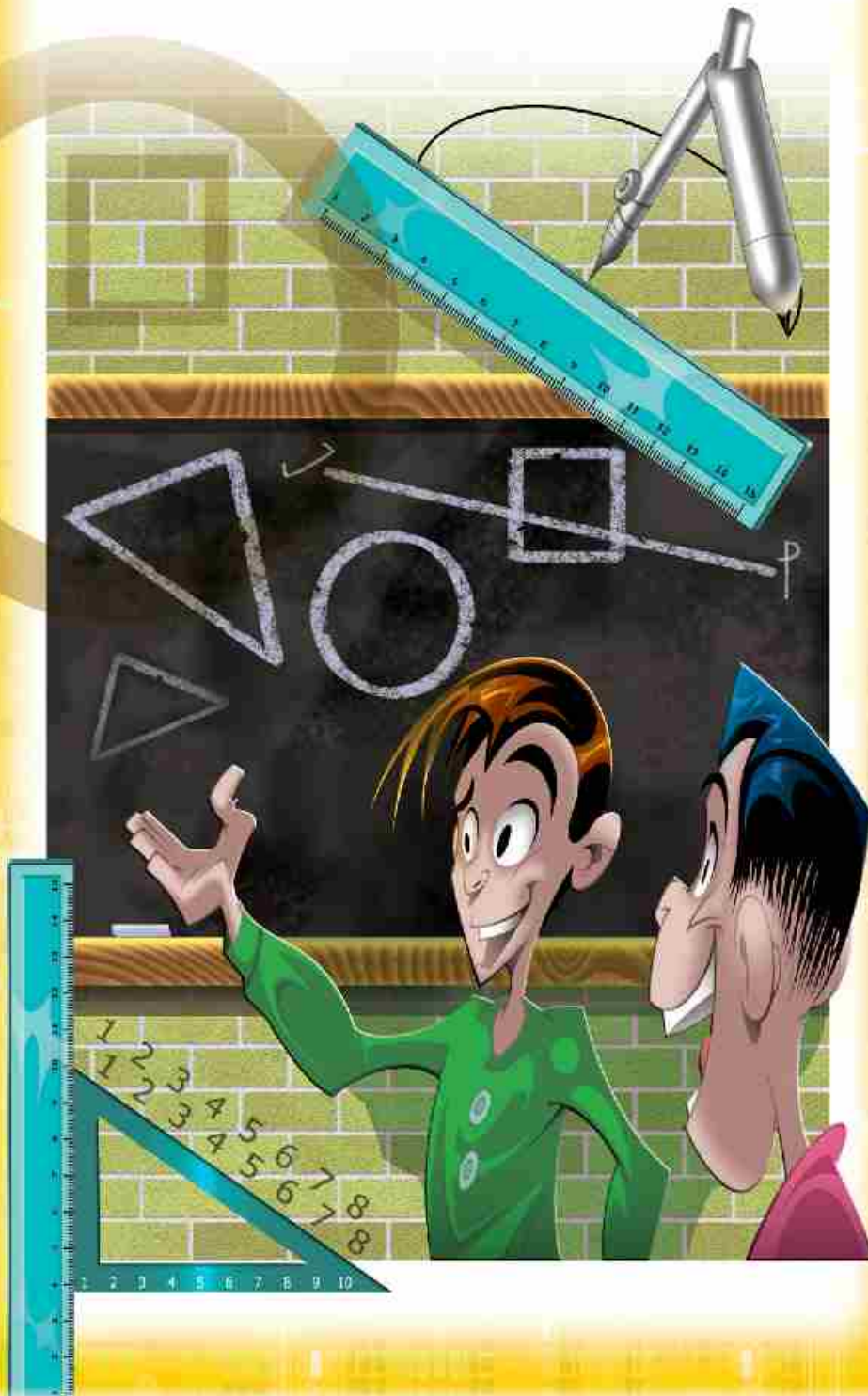
هـ) $ص$

د) $س$

الوحدة الثالثة

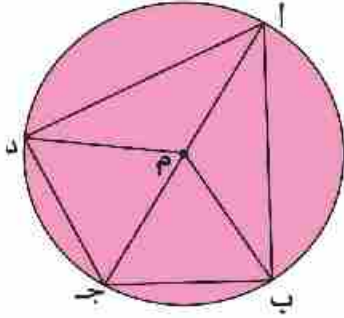
الهندسة

٣



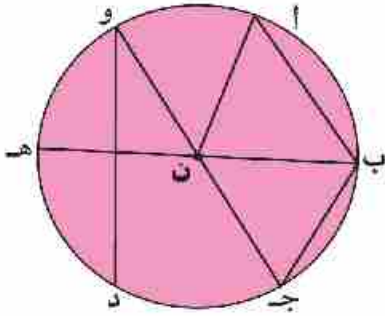
الدائرة

تمارين



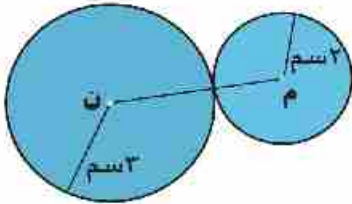
١ في الشكل المقابل دائرة مركزها م، أكمل:

أنصاف أقطارها:
 قطر الدائرة:
 أوتار الدائرة:



٢ في الشكل المقابل دائرة مركزها ن، أكمل:

أنصاف الأقطار هي
 الأقطار هي
 الأوتار هي



٣ في الشكل المقابل: م ، ن دائرتان :

احسب طول م ن

٤ ارسم دائرة مركزها م، طول قطرها ٦سم، ارسم مستقيماً يمر بالنقطة م ويقطع الدائرة في أ، ب،

ارسم مستقيماً آخر يمر بالنقطة م ويقطع الدائرة في ج، د.

أكمل:

١ \overline{AB} يسمى في الدائرة. \diamond ج د يسمى في الدائرة.

٢ م ب يسمى في الدائرة. \diamond

٣ ضع العلامة المناسبة (< أو > أو =):

أ ب ج د ، م ج ن د ، ب د م ن

رسم مثلث إذا علم أطوال أضلعه الثلاثة

تمارين

- ١ ارسم المثلث $أ ب ج$ الذي فيه $أ ب = ٣$ سم، $ب ج = ٤$ سم، $أ ج = ٥$ سم ماذا تلاحظ؟
- ٢ ارسم المثلث $س ص ع$ الذي فيه $س ص = ٧$ سم، $ص ع = ٤$ سم.
- ٣ ارسم المثلث $ل م ن$ الذي فيه $ل م = ٨$ سم، $م ن = ٥$ سم، $ن ل = ٦$ سم.
- ٤ ارسم دائرة طول نصف قطرها ٥ سم، ارسم $أ ب$ قطراً فيها، ثم ارسم المثلث $أ ب ج$ المتساوي الأضلاع، ثم اختر الإجابة الصحيحة:
 - ١ النقطة $ج$ تقع الدائرة. (داخل ، خارج ، على).
 - ٢ $أ ج$ (وتر ، نصف قطر ، خلاف ذلك).
- ٥ ارسم المثلث $أ ب ج$ الذي فيه $أ ب = ٤$ سم، $ب ج = ٦$ سم، $ج أ = ٨$ سم. ثم ارسم دائرة مركزها $ب$ وطول نصف قطرها ٤ سم وأكمل:
 - ١ النقطة $أ$ تقع الدائرة.
 - ٢ النقطة $ج$ تقع الدائرة.
 - ٣ يسمى نصف قطر في الدائرة.
- ٦ ارسم المثلث $أ ب ج$ متساوي الأضلاع ، الذي طول ضلعه ٤ سم. ارسم دائرة مركزها $أ$ وطول نصف قطرها ٤ سم ثم أكمل :
 - $أ ب$ يسمى في الدائرة.
 - $أ ج$ يسمى في الدائرة.
 - $ب ج$ يسمى في الدائرة.

رسم القطع المستقيمة العمودية على أضلاع المثلث من الرؤوس المقابلة

تدريب

- ① ارسم المثلث $أ ب ج$ المتساوي الأضلاع الذي طول ضلعه ٦ سم، ثم ارسم القطع العمودية $أ د$ ، $ب هـ$ ، $ج و$ من رؤوسه على الأضلاع المقابلة $ب ج$ ، $ج ا$ ، $أ ب$. على الترتيب قس أطوال $أ د$ ، $ب هـ$ ، $ج و$ ماذا تلاحظ؟
- ② ارسم المثلث $ل م ن$ فيه $ل م = ٤$ سم، $م ن = ٥$ سم، $ن ل = ٦$ سم، ثم ارسم من $ل$ عموداً على $م ن$ يقطعه في $س$ ، وارسم أيضاً من نقطة $م$ عموداً على $ل ن$ يقطعه في $ص$ ثم قس طول كل من $ل س$ ، $م ص$.
- ③ ارسم المثلث $أ ب ج$ المتساوي الساقين والقائم الزاوية في $ب$ ، والذي فيه $أ ب = ٥$ سم، ارسم القطعة المستقيمة العمودية من نقطة $ب$ على $أ ج$ ولتكن $ب د$ وقس طولها.
- ④ ارسم دائرة، مركزها $م$ ، وطول نصف قطرها ٤ سم. ارسم القطر $أ ب$ حدد نقطة $ج$ \in الدائرة $م$ ، ارسم المثلث $أ ب ج$ ثم ارسم القطع العمودية من رؤوس المثلث $أ ب ج$ على أضلاعه المقابلة، وحدد نقطة تقاطعها.
- ⑤ ارسم المثلث $أ ب ج$ الذي فيه $أ ب = ٦$ سم، $ب ج = ٣$ سم، $\angle ب = ٦٠^\circ$ وقس ارتفاعات هذا المثلث.
- ⑥ ارسم المثلث $أ ب ج$ الذي فيه $أ ب = ٥$ سم، $ب ج = ٦$ سم، $\angle ب = ١٢٠^\circ$ ارسم $أ د$ عمودياً على $ب ج$ ، وقس طول $أ د$. ارسم أيضاً $ب هـ$ عمودياً على $أ ج$ وقس طول $ب هـ$. هل $أ د$ ، $ب هـ$ يتقاطعان في نقطة واحدة؟
- ⑦ ارسم المستطيل $أ ب ج د$ ، الذي فيه $أ ب = ٣$ سم، $ب ج = ٥$ سم حدد النقطة $س \in د ا$ حيث $اس = ٢$ سم. كم وضعاً للنقطة $س$ يمكن تحديده على الشعاع $د ا$. ارسم المثلث $س ب ج$ ثم ارسم $س ص$ عمودية من $س$ على $ب ج$. هل يمكنك معرفة طول $س ص$ بدون قياس؟

تمارين عامة

① ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (X) أمام العبارة الخطأ.

- Ⓐ طول قطر الدائرة < طول أي وتر فيها لا يمر بالمركز. ()
- Ⓑ المثلث القائم الزاوية له ارتفاع واحد. ()
- Ⓒ القطع العمودية من رؤوس المثلث الحاد الزوايا على الأضلاع المقابلة تتقاطع في نقطة واحدة داخل المثلث. ()
- Ⓓ من أي نقطة على الدائرة لا يمكن رسم أكثر من قطر للدائرة. ()
- Ⓔ قطر الدائرة يقسمها إلى نصفين متماثلين. ()

② ارسم دائرة مركزها ن، وطول قطرها 6 سم. ثم ارسم القطر أب والوتر أج في الدائرة.

ارسم ب ج . استخدم المنقلة لقياس \angle ا ج ب ثم ارسم ج د \perp أب يقطعه في د، ويقطع الدائرة في ه ثم اختر الإجابة الصحيحة:

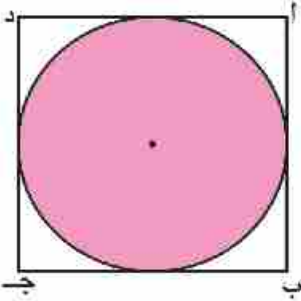
- Ⓐ المثلث أب ج (قائم الزاوية أو حاد الزوايا أو منفرج الزاوية).
- Ⓑ ج ه في الدائرة. (وتر أو قطر أو نصف قطر).
- Ⓒ نقطة تلاقي القطع العمودية من رؤوس المثلث أب ج على أضلاعه المقابلة هي (ج أو د أو ه).

③ ارسم دائرة مركزها م، طول نصف قطرها 4 سم. ارسم نصفي القطرين م س، م ص

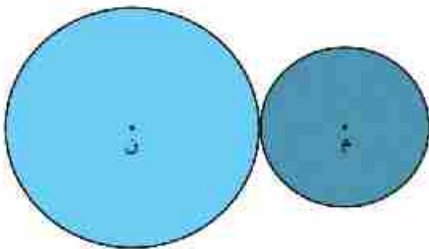
يحصران بينهما زاوية قياسها 60° ثم ارسم س ص، وأوجد طول س ص.

٤ ارسم المثلث $اب ج$ الذي فيه $اب = ٧$ سم، $ب ج = ١٠$ سم، $ج ا = ٦$ سم ارسم القطعة المستقيمة العمودية من نقطة $ج$ على $اب$ وأوجد طولها.

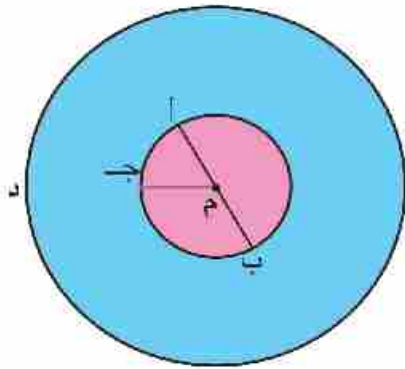
٥ ارسم المثلث $س ص ع$ الذي فيه $س ص = ٣$ سم، $ص ع = ٥$ سم، $ع س = ٧$ سم. حدّد نوع المثلث بالنسبة لقياسات زواياه. ثم ارسم القطعة العمودية المرسومة من $س$ على $ص ع$ وقس طولها.



٦ في الشكل المقابل احسب محيط المربع $اب ج د$ إذا علم أن طول نصف قطر الدائرة ٣ سم.



٧ في الشكل المقابل الدائرتان $م، ن$ طولاً قطريهما ٤ سم، ٦ سم احسب طول $م ن$.



٨ في الشكل المقابل: دائرتان لهما نفس المركز $م$. فإذا كان طولاً نصفى قطريهما ٢ سم، ٥ سم. أكمل:

طول $ج د =$ سم

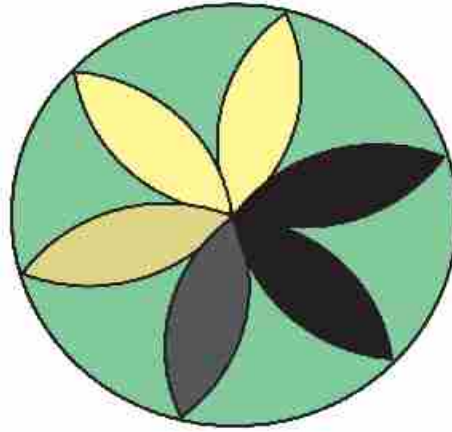
طول $أ ب =$ سم

ارسم من نقطة $د$ الشعاع $د ج$ يقطع الدائرة الصغرى في $هـ$ والكبرى في $و$ ، واحسب طول $د و$.

٩ ارسم المثلث $اب ج$ الذي فيه $اب = ٦$ سم، $ب ج = ٨$ سم، $ج ا = ١٠$ سم. ارسم الدائرة $م$ التي يكون $أ ج$ قطراً فيها واحسب طول $م ب$.



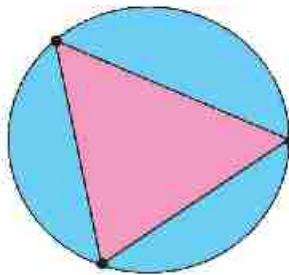
١) ارسـم الشـكلَ التـالـي، وابتكر أشكالاً زخرفيةً أخرى. العب مع الفرجار



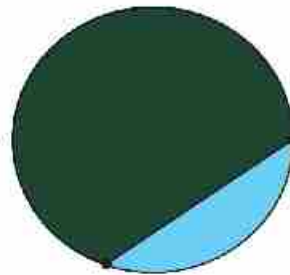
٢) لاحظ النمط بوضع نقط على الدائرة، وارسم القطع المستقيمة التي تصل بين كل نقطتين؛ لتحديد عدد المناطق التي ينقسم إليها سطح الدائرة.



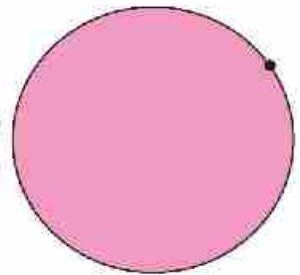
٤ نقاط
..... مناطق



٣ نقاط
٤ مناطق



نقطتان
منطقتان



نقطة واحدة
منطقة واحدة

كم عدد المناطق في حالة وجود ٥ نقاط على الدائرة؟

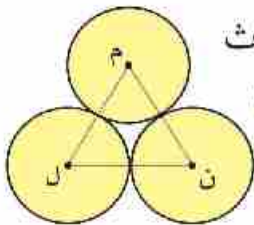
اختبار الوحدة

١ أكمل لتحصل على عبارة صحيحة:

- Ⓐ وتر الدائرة هو قطعة مستقيمة تصل بين
- Ⓑ أطول وتر في الدائرة يسمى
- Ⓒ نقطة المنتصف لأي قطر في الدائرة هي الدائرة.
- Ⓓ يستخدم في رسم الدائرة.

٢ اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسين:

- Ⓐ إذا كانت الدائرة م طول قطرها ٨ سم ، وكان م = ٧ سم فإن النقطة أ تقع
الدائرة.
(داخل أو خارج أو على).
- Ⓑ إذا كانت أ، ب تنتميان لدائرة م، وكانت م \ni \overline{AB} فإن \overline{AB} تسمى في الدائرة.
(وترًا أو قطرًا أو نصف قطر).
- Ⓒ عدد الارتفاعات لأي مثلث =
(١ أو ٢ أو ٣).
- Ⓓ إذا كان \overline{AB} ، \overline{AJ} وترين في دائرة م، وكانت م \ni \overline{BJ} فإن \overline{B} \overline{AJ} يكون
في الدائرة.
(وترًا أو نصف قطر أو قطرًا).



Ⓔ في الشكل المقابل إذا كان طول نصف قطر كل من الدوائر الثلاث
٣ سم فإن محيط المثلث م ن ل = سم (٦ أو ٩ أو ١٨)

- ٣ Ⓐ ارسم دائرةً مركزها م، وطول نصف قطرها ٥ سم. ارسم \overline{AB} قطرًا فيها، ارسم
 \overline{AJ} وترًا فيها طوله ٣ سم. ارسم \overline{B} \overline{AJ} وقس طوله.
- Ⓑ ارسم المثلث \overline{AB} \overline{AJ} المتساوي الساقين إذا كان \overline{B} \overline{AJ} = ٤ سم، \overline{AB} = \overline{AJ} = ٦ سم.

ارسم القطع العموديّة من رؤوس المثلث على أضلاعه الثلاثة.

الوحدة الرابعة

الاحتمال



الاحتمال العملى

تمارين



١ قام مصنعُ للمبات الكهربائية بمتابعة إنتاجه لعدد ١٠٠٠ لمبة من حيث عدد ساعات التَّشغيل قبل أن تتلف، والجدول الآتى يوضِّح هذه النتائج:

عدد ساعات التشغيل	أقل من ١٥٠ ساعة	من ١٥٠ ساعة إلى أقل من ٤٠٠ ساعة	من ٤٠٠ ساعة إلى أكثر من ١٠٠٠ ساعة
عدد اللمبات قبل أن تتلف	٨٠	٢٥٠	٣٢٠

إذا اشترت لمبةً من هذا المصنِّع فما احتمالُ أن تتلف:

أولاً: قبل ١٥٠ ساعة. ثانياً: بعد ٤٠٠ ساعة.



٢ إذا رميت مكعباً مرقماً بالأعداد من (١ إلى ٦) ٢٥٠ مرة. كم مرة تتنبأ فيها بأن يكون العدد الظاهر على الوجه العلوى للمكعب عدداً زوجياً؟

٣ أجرى استطلاع لرأى ١٠ تلاميذ عن اللغة الأجنبية التي يفضلون دراستها فوجد أن ٥ منهم يفضلون دراسة اللغة الإنجليزية، و ٣ يفضلون دراسة اللغة الفرنسية، و ٢ يفضلون دراسة اللغة الألمانية.



إذا كان عدد تلاميذ المدرسة ٦٠٠ تلميذ فكم تتنبأ بعدد التلاميذ الذين يفضلون دراسة اللغة الألمانية؟

٤ إيمان وأمل ومها يتناوبن الأدوار في أعمال النظافة في المدرسة، ولمعرفة من ستقوم بالمهمة يرمين مكعب به وجهان يحملان الرقم ١ ووجهان يحملان الرقم ٢ ووجهان يحملان الرقم ٣.

فإذا ظهر الرقم ١ فإن إيمان تقوم بالمهمة. و إذا ظهر الرقم ٢ فإن أمل تقوم بالمهمة. و إذا ظهر الرقم ٣ فإن مها تقوم بالمهمة. كم مرة تتنبأ بأن تقوم كل منهن بأعمال النظافة في شهر يتألف من ٣٠ يوم؟

الاحتمال النظري

تدريب



١ اللوحة الدوارة التي أمامك مقسمة إلى ٦ قطاعات دائرية متساوية ملونة كما بالشكل، فإذا دار المؤشر، ما احتمال:

- ١ وقوف المؤشر في قطاع لونه أبيض.
- ٢ وقوف المؤشر في قطاع لونه أسود.
- ٣ وقوف المؤشر في قطاع لونه رمادي.

٢ اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين أمام كل عبارة:

- ١ عند إلقاء قطعة نقود منتظمة مرة واحدة فإن احتمال ظهور صورة =
($\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{2}$ ، $\frac{3}{4}$ ، ١).
- ٢ عند إلقاء حجر نرد منتظم مرة واحدة فإن احتمال ظهور عدد يقبل القسمة على ٣
($\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{4}$ ، $\frac{3}{4}$ ، ١).
- ٣ في فصلك ٤٠ تلميذاً، منهم ٢٥ ولداً والباقي بنات، إذا اختير تلميذ واحد عشوائياً فما احتمال أن يكون بنتاً
($\frac{3}{8}$ ، $\frac{5}{8}$ ، $\frac{3}{5}$ ، ١).

تمارين عامة

١ أكمل:

- ١ صندوق به ٢٤ مصباحًا كهربائيًا منها ٣ مصابيح تالفة فإذا سحب مصباح واحد عشوائيًا فإن احتمال أن يكون المصباح سليمًا =
- ٢ إذا كانت احتمال رسوب طالب في امتحان $\frac{2}{10}$ فإن احتمال نجاحه =
- ٣ إذا سحبت بطاقة من ٥ بطاقات تحمل الأعداد

٢٧

٦٣

١٤

٢٥

٣٢

فإن احتمال أن تحمل البطاقة عددًا مجموع رقميه ٩ =

٤ عند القاء حجر نرد منتظم فإن احتمال ظهور عدد زوجي =

..... = واحتمال ظهور عدد فردي

..... = واحتمال ظهور عدد أولى

..... = واحتمال ظهور عدد أكبر من ٦



٢ الجدول التالي يوضح نتيجة استفتاء لعينة مكونة من ١٠٠ مشاهد للبرامج التلفزيونية.

البرامج	أفلام عربية	أفلام اجنبية	مسلسلات	نشرات أخبار	مباريات كرة قدم
عدد المشاهدين	١٩	٢٠	١٥	١٠	٣٦

فاذا اختير أحد المشاهدين عشوائيًا ما احتمال أن يفضل مشاهدة:

١ مباريات كرة القدم. ٢ أفلام أجنبية. ٣ المسلسلات. ٤ نشرات الأخبار.

٣ سحبت بطاقة عشوائيًا من بطاقات عليها الأعداد من ١ إلى ١٠، ما احتمال أن تحمل البطاقة المسحوبة:

١ عددًا فرديًا. ٢ عددًا أوليًا. ٣ عدد زوجيًا أكبر من ٦.

٤ اللوحة الدوارة مقسمة إلى ٦ أقسام متساوية.

١ ما احتمال وقوف المؤشر عند أى قسم.

٢ كم مرة تتنبأ بها للحصول على حرف (أ) بعد دوران اللوحة ٦٠ مرة؟



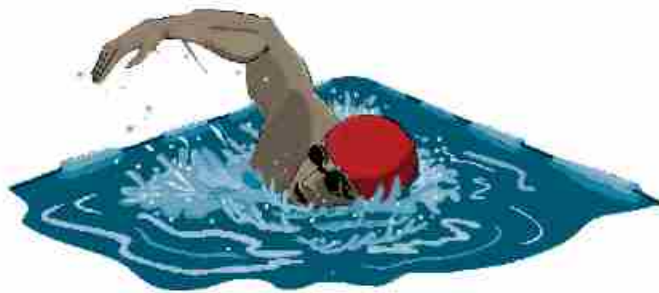
نشاط

قمت باستطلاع آراء ٥٠ تلميذاً عن اسم اللعبة المفضلة لديهم:

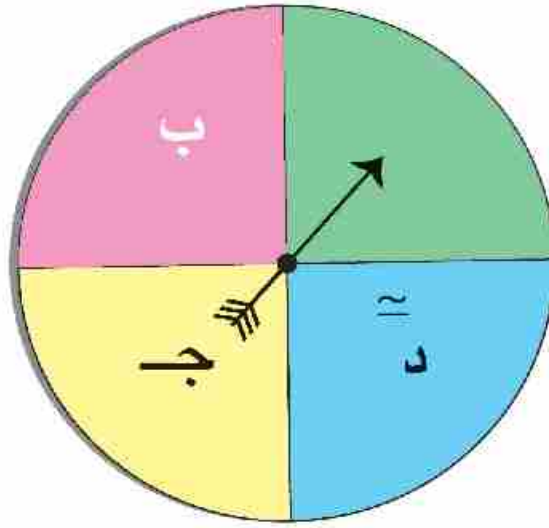
- ١ ما احتمال أن تكون كرة القدم هي اللعبة المفضلة لدى التلاميذ؟
- ٢ إذا كان عدد تلاميذ مدرستك ٥٠٠ تلميذ تنبأ بعدد التلاميذ الذين يفضلون لعبة كرة القدم.
- ٣ ما احتمال أن تكون كرة السلة هي اللعبة المفضلة لدى التلاميذ؟
- ٤ في رأيك كم تلميذاً من أصل ٥٠٠ تلميذ قد يفضلون لعبة كرة السلة؟



اللعبة المفضلة لدى التلاميذ	
عدد التلاميذ	اسم اللعبة
٢٥	كرة القدم
٧	كرة السلة
٨	كرة الطاولة
١٠	السياسة




- ٤ لوحة دوارة مقسمة إلى ٤ أقسام متساوية.
 ١ ما احتمال وقوع المؤشر عند حرف (ب).
 ٢ وإذا دارت اللوحة ٤٠٠ مرة ما النتائج التي تنتجها للحصول على الحرف (أ).



النموذج الأول

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين فيما يلي:

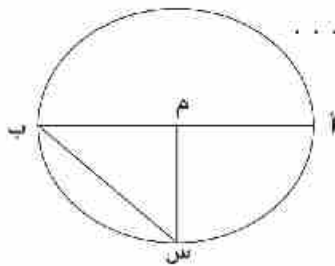
- ١ المثلث الذي قياس زواياه ٥٠، ٩٠، ٤٠ يسمى مثلث
- (حاد الزوايا - منفرج الزاوية - قائم الزاوية - غير ذلك)
- ٢ = $2 \frac{2}{3} \times 4 \frac{1}{8}$ (١١١، ١١، ١٠، ١)
- ٣ إذا كانت $\{١٠، ٧\} \supset \{١٠، س + ٤\}$ فإن س = (٦، ٥، ٤، ٣)
- ٤ = $١٠٠٠ \times ٣، ٧٥$ (٣٧، ٥، ٣٧٥٠، ، ، ٣٧٥٠، ٠٠، ٣٧٥)
- ٥ $\frac{1}{3} \square \frac{1}{2}$ (\leq ، =، <، >)
- ٦ الرمز المناسب الذي يعبر عن الجزء المظلل في الشكل هو ... 
- (س ∩ ص، س ∪ ص، ص ∩ س، س ∪ ص)
- ٧ $١٠ \times ٥٥٢، ٤١ \square ١٠٠ \times ٥٥، ٢٤١$ (\leq ، =، <، >)
- ٨ $١ = \dots \times \frac{2}{3}$ ($\frac{3}{2}$ ، ٣، ٢، ١)
- ٩ ٤٣ يوماً لأقرب أسبوع \approx (٧، ٥، ٦، ٤)
- ١٠ أي وتر يمر بمركز الدائرة يسمى فيها (قطر، نصف قطر، ضلع، غير ذلك).
- ١١ {٥، ٢} {٥٠} (\supset ، $\not\supset$ ، \subset ، $\not\subset$)
- ١٢ $١٢٣٠ = \dots \times ١٢، ٣$ (١٠٠٠٠، ١٠٠٠، ١٠٠، ١٠)

١٣) إذا كانت $\{2, 4, 6\} \cap \{1, 2, 3\} = \{2\}$ فإن ص ($\exists, \forall, \ni, \in$)

١٤) $\frac{5}{8}$ $0,5734$ ($<, >, =, \leq$)

ثانياً: أكمل

١٥) في الشكل المقابل أ) م $=$ =



ب) أطول وتر في الدائرة هو

١٦) $\frac{4}{12} \div \frac{6}{12} =$

١٧) احتمال الحدث المؤكد =

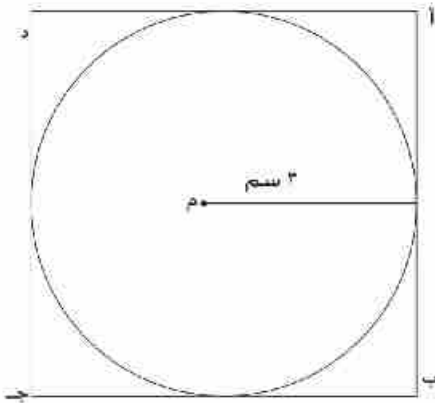
١٨) إذا كان $\frac{15}{24} = \frac{ب}{8}$ فإن ب =

١٩) ٢,٤ ديسمتر = سنتيمترا

٢٠) في الشكل المقابل محيط المربع

أ ب ج د إذا علم أن طول نصف قطر الدائرة

٣ سم = سنتيمترا



٢١) $65,384 - 65 =$

٢٢) $\frac{25}{3} =$ $\div \frac{3}{25}$

ثالثاً :

٢٣) أرسم المثلث أ ب ج الذي فيه أ ب = ٤ سم ، ب ج = ٦ سم ، ج أ = ٨ سم ثم ارسم دائرة مركزها ب وطول نصف قطرها ٤ سم

٢٤) الجدول المقابل يبين نتيجة استطلاع رأى ١٠٠ تلميذ حول اللعبة المفضلة لديهم

اللعبة	كرة القدم	كرة اليد	كرة السلة
عدد الآراء	٥٠	٤٠	١٠

فإذا اختير تلميذ عشوائياً ، فما احتمال أن يفضل أحدهم لعبة كرة السلة؟

٢٥) رتب تنازلياً

$$\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{3}{5}, \frac{2}{5}, \frac{6}{4}$$

٢٦) أوجد عرض المستطيل الذي مساحته ٢٥, ١٠ متر مربع وطوله ١, ٤ متر
ثم أحسب محيطه

النموذج الثاني

أولاً: اختر الاجابة الصحيحة مما بين القوسين فيمايلي:

١) ٣,٢٦ كيلومتر = متر (٣٢٦, ٣٣٦, ٣٣,٦, ٣,٣٦)

٢) $9\frac{3}{25} \approx \dots\dots\dots$ لأقرب جزء من عشرة (٩,٩, ١,٩, ٢,٠, ٩)


٣) $\left(\frac{3}{7}, \frac{2}{6}, \frac{5}{7}, \frac{7}{6}\right) \dots\dots\dots = 1\frac{1}{6} \div \frac{5}{6}$

٤) $10 \div 312 \dots\dots\dots 100 \times \dots, 312$ ($\geq, =, >, <$)

٥) أصغر الأعداد الآتية هو... (١,٠٢٣, ٠,١٢٣, ٠,١٢, ٠,١١١)

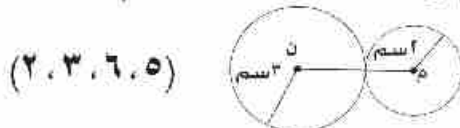
٦) $100 \times \dots, 472$ $10 \times \dots, 72$ ($\leq, =, >, <$)

٧) $\dots\dots\dots \times 1,6 < 1,6 \times \frac{3}{5}$ (٠,٦, $\frac{5}{3}$, ١,٦, ٠,٦)

٨) ما يمثله الجزء المظلل في شكل فن المقابل

 (س ∩ ص، س ∪ ص، ص - س، ص - ص)

٩) إذا كانت ص = {٥, ٣, ٢} ∩ {٥, ٣, ١} فإن {٥, ٣, ٢, ١} ص

($\supset, \not\supset, \supseteq, \subseteq$)

١٠) في الشكل المقابل م، ن دائرتان فإن طول م \overline{MN} = سم١١) طول قطر الدائرة طول أي وتر فيها لا يمر بالمركز ($\leq, =, >, <$)

١٢) $\{0\} \dots\dots\dots \{1, 2, 5, 8\}$ $(\exists, \supset, \neq, \nexists)$

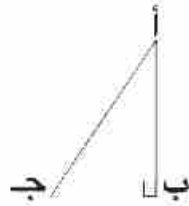
١٣) العدد $736,592 \simeq 736,59$ لأقرب جزء من (عشرة، مائة، ألف)

١٤) إذا كان $\frac{2}{3} = \frac{16}{ج}$ فإن قيمة ج = (٢، ٣، ١٢، ٢٤)

ثانياً: أكمل ما يأتي:

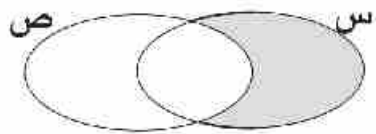
١٥) إذا كان احتمال نجاح تلميذ في امتحان هو $\frac{8}{10}$ فإن احتمال عدم نجاحه هو

١٦) إذا كانت س، ص مجموعتان س \supset ص فإن س \cap ص =



١٧) في الشكل المقابل: الارتفاع المناظر للقاعدة $\overline{ب ج}$ هو.....

١٨) ما يمثله الجزء المظلل في الشكل هو



١٩) طول قطر الدائرة التي نصف قطرها ١ سم = سم

٢٠) $4,6798 \simeq$ «لأقرب جزء من ألف».

٢١) $1 = \frac{\dots\dots}{\dots\dots} \times 2 \frac{1}{4}$

٢٢) $3,978 = \dots\dots\dots \div 3978$

ثالثاً :

٢٣) إذا كانت المجموعة الشاملة $S = \{س:س-هـ\}$ ، عدد فردي أصغر من ١٥ وكانت $S = \{١، ٣\}$ ، $S = \{١، ٥، ٩، ١٣\}$. ارسم شكل فن الذي يمثل المجموعات S ، S ثم اوجد $S \cap S$

٢٤) ارسم دائرة م ، طول نصف قطرها ٥ ، ٢ سم ثم ارسم \overline{AB} قطر فيها ثم الوتر \overline{AJ} طولها ٣ سم صل \overline{BJ} ثم قس طولها .

٢٥) كيس يحتوي على ٥ كرات بيضاء ، ٩ كرات حمراء ، ٦ كرات سوداء متماثلة . فإذا سحبت واحدة وأنت مغمض العينين فما احتمال أن تكون الكرة المسحوبة بيضاء؟

٢٦) مستطيل طولها ١ ، ٤ سم وعرضه ٥ ، ٣ سم . احسب مساحته .

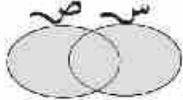
نموذج ٢ «للتلاميذ المدمجين»

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين فيما يلي:

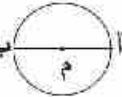
$$\left(\frac{1}{4}, \frac{1}{2}, \frac{1}{3} \right) \dots\dots = \frac{3}{4} \times \frac{1}{3} \quad (1)$$

$$(8, 3, 5) \dots\dots = \{5, 3\} \supseteq 3 \text{ إذا كان } 3 \quad (2)$$

$$(31, 2, 0, 312, 3, 12) \dots\dots = 10 \div 312 \quad (3)$$

(4) الرمز المناسب الذي يعبر عن الجزء المظلل في الشكل هو  (4)

$$(A - B, B - A, A \cup B, A \cap B)$$

(5) في الدائرة التي أمامك  أ ب يسمى \overline{AB} ... (قطر، نصف قطر، ضلع)

$$144 \square 10 \times 14, 4 \quad (6)$$

$$(<, >, =)$$

(7) عدد الارتفاعات لأي مثلث = $\dots\dots\dots$ (1, 2, 3)

$$\{5\} \dots\dots \{8, 5\} \quad (8)$$

$$(\supseteq, \supset, \subseteq)$$

(9) احتمال ظهور صورة عند إلقاء قطعة نقود معدنية مرة واحدة = $\dots\dots$

$$\left(\frac{1}{4}, \frac{1}{2}, 1 \right)$$

$$(0, 0, 5, 5, 5)$$

$$\dots\dots = \frac{1}{2} \quad (10)$$

ثانياً: استخدم ما بين الأقواس في إكمال العبارات الآتية:

$$\left(\frac{1}{6}, 1, 12, 2, 9, 4, \{1, 5\} \right)$$

١) $4,85 \leq \dots$ لأقرب جزء من عشرة.

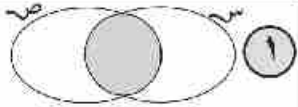
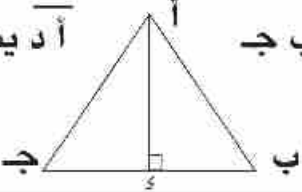
٢) عند إلقاء حجر نرد مرة واحدة فإن احتمال ظهور العدد ٣ = \dots

٣) $48,4 \div 4 = \dots$ ص

٤) دائرة طول قطرها ٤ سم فإن طول نصف قطرها = \dots سم

٥) إذا كانت $S = \{1, 2, 5, 7\}$ وكانت مجموعة $V = \{1, 5, 3\}$ فإن $S \cap V = \dots$

ثالثاً: تخير من العمود «ب» ما يناسب العمود «أ» فيما يلي:

ب	أ
<	١ ما يمثله الجزء المظلل هو 
$\frac{1}{2}$	٢ $\frac{1}{3}$ <input type="text"/> $\frac{1}{2}$
س ∩ ص	٣ $\frac{25}{100} \approx 4$... لأقرب جزء من عشرة
إرتفاع	٤ إذا كان احتمال فوز أحمد في مباراة يساوي $\frac{1}{3}$ فإن احتمال عدم فوزه =
٤, ٣	٥ في أ ب ج  أ د يسمى

المواصفات الفنية :

مقاس الكتاب :	$\frac{1}{8}$ (٨٢ × ٥٧) سم
طبع المتن :	٤ لون
طبع الغلاف :	٤ لون
ورق المتن :	٧٠ جم أبيض
ورق الغلاف :	١٨٠ جم كوشيه
عدد الصفحات :	١٤٨ صفحة
التجليد :	بشر
رقم الكتاب	٦٦/١٠/١/١١/٥/١٢

جميع حقوق الطبع محفوظة لوزارة التربية والتعليم داخل جمهورية مصر العربية

تكنو برنت للطباعة